

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5	F	5	5		5
6	G	6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

7 V-F
A
B
C
D
E
F
G
H

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) III e V.
- (B) I, III e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) II e IV.
- (E) I, II e III.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) II, III e V.

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

7. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
 (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
 (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
 (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
 (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

4. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
 (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
 (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
 (D) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
 (E) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
 (G) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
 (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) II, III e V.
 (B) III e V.
 (C) I, II e III.
 (D) II, III e V.
 (E) II e IV.
 (F) I, II, III e IV.
 (G) I, III e IV.

7. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) II e IV.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) I, III e IV.
- (E) I, II e III.
- (F) II, III e V.
- (G) III e V.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é:

(1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

(G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
 Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

3. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um espaço-solução com dimensão 27.
- (D) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

- (A) I, III e IV.
- (B) II e IV.
- (C) I, II e III.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) III e V.
- (G) II, III e V.

(1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0	0	0	A	A	A
1	1	1	B	B	B
2	2	2	C	C	C
3	3	3	D	D	D
4	4	4	E	E	E
5	5	5	F		F
6	6	6	G		G
7	7	7			H
8	8	8			
9	9	9			

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	●	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor

$v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) I, II e III.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) I, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) II e IV.
- (G) II, III e V.

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

(A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

(C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

(E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

(A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

(E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .

(H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) III e V.
- (B) II e IV.
- (C) I, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) I, II e III.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II, III e IV.

3. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>				8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>				9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
- Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:
- (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:
- (1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) I, II e III.
- (E) II e IV.
- (F) III e V.
- (G) II, III e V.

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
 - (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
 - (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
 - (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
 - (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)
- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
 - (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
 - (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
 - (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
 - (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)
6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) II, III e V.
- (C) I, II e III.
- (D) II, III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) I, III e IV.
- (G) II e IV.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, II e III.
- (B) III e V.
- (C) II, III e V.
- (D) II e IV.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) I, III e IV.

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (D) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

7. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
	5	F	5	5	5
	6	G	6	6	6
	7	H	7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

	●	●		●				●	●					
●														
●		●												

7
A
B
C
D
E
F
G

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (C) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (D) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

- (1.500, -1.500)
- (A) II e IV.
 - (B) I, II, III e IV.
 - (C) II, III e V.
 - (D) II, III e V.
 - (E) I, II e III.
 - (F) III e V.
 - (G) I, III e IV.

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
 Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5		5	F	5	5
6		6	G	6	6
7		7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7 V-F	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>
H	<input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

4. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) II, III e V.
- (B) I, III e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) I, II e III.
- (F) III e V.
- (G) II e IV.

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

7. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	A	0	0
1	B	B	B	1	1
2	C	C	C	2	2
3	D	D	D	3	3
4	E	E	E	4	4
5	F	F		5	5
6	G	G		6	6
7	H			7	7
8				8	8
9				9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

- (C) II, III e V.
- (D) I, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II e III.
- (G) III e V.

2. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (C) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (F) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

3. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II e IV.
- (B) I, II, III e IV.

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

	1	2	3	4	5	6
A	<input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
G	<input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7 V-F	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>
H	<input type="radio"/>

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) I, III e IV.
- (D) I, II e III.
- (E) II, III e V.
- (F) II e IV.
- (G) II, III e V.

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:

(1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : S_1 :

$$\begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$$
 e S_2 : $\begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$.
 Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é:

(1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é:

(1.000, -1.000)

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

(A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

(D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

(E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

(A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

(B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

(C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0 ○ ○	A ○	0 ○ ○	A ○	0 ○ ○	A ○ ○
1 ○ ○	B ○	1 ○ ○	B ○	1 ○ ○	B ○ ○
2 ○ ○	C ○	2 ○ ○	C ○	2 ○ ○	C ○ ○
3 ○ ○	D ○	3 ○ ○	D ○	3 ○ ○	D ○ ○
4 ○ ○	E ○	4 ○ ○	E ○	4 ○ ○	E ○ ○
5 ○ ○		5 ○ ○	F ○	5 ○ ○	F ○ ○
6 ○ ○		6 ○ ○	G ○	6 ○ ○	G ○ ○
7 ○ ○		7 ○ ○		7 ○ ○	H ○ ○
8 ○ ○		8 ○ ○		8 ○ ○	
9 ○ ○		9 ○ ○		9 ○ ○	

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	○	●	●	●	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7
0 ○ ○
1 ○ ○
2 ○ ○
3 ○ ○
4 ○ ○
5 ○ ○
6 ○ ○
7 ○ ○
8 ○ ○
9 ○ ○

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

- (D) I, III e IV.
- (E) III e V.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II e III.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, II, III e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) II e IV.

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) I, II e III.

- (C) I, II, III e IV.
- (D) II e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) II, III e V.
- (G) III e V.

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
 Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
- Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) III e V.
- (C) I, III e IV.
- (D) II e IV.
- (E) I, II e III.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II, III e IV.

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) II e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II, III e IV.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5	F	5	F	5	5
6	G	6	G	6	6
7	H	7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

7
A
B
C
D
E

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.

(III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) I, II e III.
- (D) II e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, III e IV.
- (G) II, III e V.

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o ve-

tor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) I, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) II, III e V.
- (F) II e IV.
- (G) I, II e III.

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

(D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

(F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(H) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$.

Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor

$v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) I, II e III.
- (C) II, III e V.
- (D) II e IV.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) I, III e IV.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, II, III e IV.
- (B) II e IV.
- (C) I, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II e III.
- (G) III e V.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

6. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) I, III e IV.
- (D) III e V.
- (E) I, II e III.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II, III e IV.

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

- 4.** Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)
- 5.** Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

- 6.** Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

- 7.** Considere os seguintes conjuntos:
 - (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) I, II e III.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) II e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) III e V.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

4. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) I, II, III e IV.
- (B) II e IV.
- (C) I, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) III e V.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II e III.

5. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**
 (A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

- (B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F		5	5	5
6	G		6	6	6
7	H		7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

7
A
B
C
D
E
F
G

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) III e V.
- (C) II, III e V.
- (D) I, III e IV.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) II e IV.
- (G) I, II e III.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	A
1	B	B	1	1	B
2	C	C	2	2	C
3	D	D	3	3	D
4	E	E	4	4	E
5	F		5	5	F
6	G		6	6	G
7	H		7	7	
8			8	8	
9			9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) II, III e V.
- (B) I, II e III.
- (C) II, III e V.
- (D) I, III e IV.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) III e V.
- (G) II e IV.

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) I, II e III.
- (C) III e V.
- (D) II, III e V.
- (E) II e IV.
- (F) I, III e IV.
- (G) I, II, III e IV.

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Se S é subespaço de V , e $dim(S) = dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	<input type="radio"/>	A	0	<input type="radio"/>
B	1	<input type="radio"/>	B	1	<input type="radio"/>
C	2	<input type="radio"/>	C	2	<input type="radio"/>
D	3	<input type="radio"/>	D	3	<input type="radio"/>
E	4	<input type="radio"/>	E	4	<input type="radio"/>
	5	<input type="radio"/>	F	5	<input type="radio"/>
	6	<input type="radio"/>	G	6	<input type="radio"/>
	7	<input type="radio"/>	H	7	<input type="radio"/>
	8	<input type="radio"/>		8	<input type="radio"/>
	9	<input type="radio"/>		9	<input type="radio"/>

7	
0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) I, II e III.
- (D) III e V.
- (E) I, III e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II, III e IV.

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

6. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) II, III e V.
- (B) I, III e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) II e IV.
- (F) III e V.
- (G) I, II, III e IV.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	A	0
1	B	B	1	B	1
2	C	C	2	C	2
3	D	D	3	D	3
4	E	E	4	E	4
5	F		5	F	5
6	G		6	G	6
7	H		7		7
8			8		8
9			9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (E) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

- (A) III e V. **(1.500, -1.500)**
- (B) I, II, III e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) I, III e IV.
- (F) II e IV.
- (G) II, III e V.

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

2. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) II e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) III e V.
- (E) I, III e IV.
- (F) I, II e III.
- (G) I, II, III e IV.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5	F	5	5		5
6	G	6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7 V-F	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>
H	<input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o ve-

tor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere os seguintes conjuntos:

(I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.

(II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.

(III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$

(IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$

(V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

(A) II, III e V.

(B) II e IV.

(C) III e V.

(D) II, III e V.

(E) I, II, III e IV.

(F) I, II e III.

(G) I, III e IV.

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

(A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

(D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

(E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

7. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

(A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

(C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .

(D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II e IV.
- (B) I, II e III.
- (C) II, III e V.
- (D) II, III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) III e V.
- (G) I, III e IV.

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é:

(1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

- (H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \text{ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)}$$

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	0	0	A	A
B	1	1	1	B	B
C	2	2	2	C	C
D	3	3	3	D	D
E	4	4	4	E	E
F	5	5	5		F
G	6	6	6		G
	7	7	7		H
	8	8	8		
	9	9	9		

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) III e V.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) II e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, III e IV.
- (G) I, II e III.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é:

(1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:

(1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é:

(1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	A	A	0	0	0
B	B	B	1	1	1
C	C	C	2	2	2
D	D	D	3	3	3
E	E	E	4	4	4
F		F	5	5	5
G		G	6	6	6
H			7	7	7
			8	8	8
			9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

		●	●											
●	●					●		●						
●		●												

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

3. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$

(IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$

(V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) I, III e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) II e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II e III.
- (G) I, II, III e IV.

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

(A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

(B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

(D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

(A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

(C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .

(D) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(F) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

7. Considere os seguintes conjuntos:

(I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.

(II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.

(III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$

(IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$

(V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

(A) I, II e III.

(B) II e IV.

(C) I, III e IV.

(D) II, III e V.

(E) I, II, III e IV.

(F) II, III e V.

(G) III e V.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
A	A	0	A	0	0
B	B	1	B	1	1
C	C	2	C	2	2
D	D	3	D	3	3
E	E	4	E	4	4
F		5	F	5	5
G		6	G	6	6
		7	H	7	7
		8		8	8
		9		9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) III e V.
- (C) I, II e III.
- (D) II, III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) II e IV.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 :
 $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o ve-

tor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	0	0	A	0
B	1	1	1	B	1
C	2	2	2	C	2
D	3	3	3	D	3
E	4	4	4	E	4
	5	5	5	F	5
	6	6	6	G	6
	7	7	7	H	7
	8	8	8		8
	9	9	9		9

7
A
B
C
D
E
F
G

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

- (C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) II, III e V.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) I, III e IV.
- (E) I, II e III.
- (F) II e IV.
- (G) II, III e V.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F	F	5	5	5
6	G	G	6	6	6
7	H		7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
A
B
C
D
E

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

- (C) I, III e IV.
- (D) III e V.
- (E) I, II e III.
- (F) II e IV.
- (G) I, II, III e IV.

2. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um espaço-solução com dimensão 27.

3. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) II, III e V.

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$.

Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

(A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

(B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

(C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o ve-

tor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

7. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, II e III.
- (B) I, III e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) III e V.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) II e IV.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	A
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	B
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	C
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	D
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	E
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	G	<input type="radio"/>	
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	H	<input type="radio"/>	
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			

7	
0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

4. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) I, III e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) III e V.
- (D) II, III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) I, II e III.
- (G) II e IV.

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$

Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

4. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) II, III e V.
- (B) II, III e V.
- (C) I, II e III.
- (D) III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) I, III e IV.
- (G) II e IV.

5. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**
- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (E) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (F) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

3. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) III e V.
- (B) II, III e V.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) I, II e III.
- (F) I, III e IV.
- (G) II e IV.

4. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.

(III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, II e III.
- (B) I, III e IV.
- (C) II e IV.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) III e V.
- (G) II, III e V.

5. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F			
A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	G	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	H	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			
	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			

7	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) III e V.
- (C) I, II e III.
- (D) II, III e V.
- (E) II e IV.
- (F) I, III e IV.
- (G) I, II, III e IV.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é:

(1.000, -1.000)

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é:

(1.000, -1.000)

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:

(1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (D) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	A
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	B
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	C
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	D
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	E
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	G	<input type="radio"/>	
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	H	<input type="radio"/>	
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			

7	
0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
- Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

5. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, II, III e IV.
- (B) II e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) II, III e V.
- (F) III e V.
- (G) I, III e IV.

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

2. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, II e III.
- (B) III e V.
- (C) I, III e IV.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) II e IV.
- (G) II, III e V.

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o ve-

tor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

(A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

(B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

(E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

6. Considere os seguintes conjuntos:

(I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.

(II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.

(III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$

(IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$

(V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

(A) II e IV.

(B) I, II, III e IV.

(C) I, II e III.

(D) II, III e V.

(E) II, III e V.

(F) I, III e IV.

(G) III e V.

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

	1	2	3	4	5	6
A	<input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7 V-F	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>
H	<input type="radio"/>

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) II e IV.
- (D) I, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II e III.
- (G) II, III e V.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é:

(1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:

(1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é:

(1.000, -1.000)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	A	0
B	1	B	1	B	1
C	2	C	2	C	2
D	3	D	3	D	3
E	4	E	4	E	4
F	5		5	F	5
G	6		6	G	6
H	7		7		7
	8		8		8
	9		9		9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

- (A) I, III e IV.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) I, II e III.
- (D) II, III e V.
- (E) II, III e V.
- (F) II e IV.
- (G) III e V.

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
 $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

(A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

(C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

(D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

(A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

(D) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

(F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

(G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

(A) I, II, III e IV.

(B) II, III e V.

(C) I, II e III.

(D) II e IV.

(E) I, III e IV.

(F) III e V.

(G) II, III e V.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

	1	2	3	4	5	6
A	<input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7 V-F	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>
H	<input type="radio"/>

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) II e IV.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) I, II e III.
- (F) III e V.
- (G) II, III e V.

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:

(1.000, -1.000)

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é:

(1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é:

(1.000, -1.000)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

- (C) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) II, III e V.
- (C) I, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) II e IV.
- (G) I, II e III.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	A	0
1	B	B	1	B	1
2	C	C	2	C	2
3	D	D	3	D	3
4	E	E	4	E	4
5	F		5	F	5
6	G		6	G	6
7	H		7		7
8			8		8
9			9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
- Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

2. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

5. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) II, III e V.
- (B) I, II e III.
- (C) III e V.
- (D) II, III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) II e IV.
- (G) I, III e IV.

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 :

$S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

(A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

(C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

(D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

(A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

(C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

(F) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

(G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o ve-

tor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes conjuntos:

(I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.

(II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.

(III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$

(IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$

(V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

(A) II, III e V.

(B) II, III e V.

(C) I, II e III.

(D) I, III e IV.

(E) III e V.

(F) II e IV.

(G) I, II, III e IV.

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 :$

$$\begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases} \quad \text{e } S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$$

Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (D) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

- (A) I, II e III. (1.500, -1.500)
- (B) II e IV.
- (C) III e V.
- (D) II, III e V.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) I, III e IV.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5	F	5	F	5	5
6	G	6	G	6	6
7	H	7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

7
A
B
C
D
E

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$

Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (H) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.

- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, II e III.
- (B) II, III e V.
- (C) II e IV.
- (D) III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) I, III e IV.

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

5. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

(H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

6. Considere os seguintes conjuntos:

(I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.

(II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.

(III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$

(IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$

(V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

(A) II e IV.

(B) II, III e V.

(C) III e V.

(D) II, III e V.

(E) I, III e IV.

(F) I, II, III e IV.

(G) I, II e III.

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

(A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

(B) É conjunto-solução de
$$\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$$

(C) É conjunto-solução de
$$\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$$

(D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

(E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	A	A	0
B	1	1	B	B	1
C	2	2	C	C	2
D	3	3	D	D	3
E	4	4	E	E	4
	5	5	F	F	5
	6	6	G	G	6
	7	7	H		7
	8	8			8
	9	9			9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) II e IV.
- (C) I, II e III.
- (D) III e V.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) I, III e IV.
- (G) II, III e V.

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : S_1 : $\begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e S_2 : $\begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) I, II e III.
- (C) III e V.
- (D) II e IV.
- (E) I, III e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II, III e IV.

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) II e IV.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) I, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II e III.
- (G) II, III e V.

2. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:

(1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
 - (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
 - (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é:

(1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é:

(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
 Centro de Informática
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
 Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

	1	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0	0
B	1	1	B	1	1	1
C	2	2	C	2	2	2
D	3	3	D	3	3	3
E	4	4	E	4	4	4
	5		F	5	5	5
	6		G	6	6	6
	7			7	7	7
	8			8	8	8
	9			9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	●	●	○	●	●	●
○	●	○	○	●	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F	
A	○
B	○
C	○
D	○
E	○
F	○
G	○
H	○

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

2. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, II, III e IV.
- (B) II e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) II, III e V.
- (F) I, III e IV.
- (G) III e V.

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (E) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

2. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, II e III.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) II, III e V.
- (E) II e IV.
- (F) III e V.
- (G) I, III e IV.

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:

(1.000, -1.000)

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o ve-

tor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é:

(1.000, -1.000)

5. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é:

(1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é:

(1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$:

(1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	A	0
1	B	B	1	B	1
2	C	C	2	C	2
3	D	D	3	D	3
4	E	E	4	E	4
5	F		5	F	5
6	G		6	G	6
7	H		7		7
8			8		8
9			9		9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
- Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, II e III.
- (B) II, III e V.
- (C) II e IV.
- (D) III e V.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) I, III e IV.

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5	F	5		5	5
6	G	6		6	6
7	H	7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

7
A
B
C
D
E
F
G

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

3. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

(A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) II e IV.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) I, III e IV.
- (D) I, II e III.
- (E) II, III e V.
- (F) III e V.
- (G) II, III e V.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	A	A	0	0	0
B	B	B	1	1	1
C	C	C	2	2	2
D	D	D	3	3	3
E	E	E	4	4	4
F		F	5	5	5
G		G	6	6	6
H			7	7	7
			8	8	8
			9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

●	●			●		●								
		●	●											
●		●												

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (H) Se S é subespaço de V , e $dim(S) = dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

3. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$

(IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$

(V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) II e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) I, III e IV.
- (G) II, III e V.

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	A	0	0	A
B	1	B	1	1	B
C	2	C	2	2	C
D	3	D	3	3	D
E	4	E	4	4	E
	5	F	5	5	F
	6	G	6	6	G
	7		7	7	H
	8		8	8	
	9		9	9	

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) I, III e IV.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) II, III e V.

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (F) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

- (A) I, II, III e IV.
- (B) II e IV.
- (C) III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) II, III e V.
- (F) II, III e V.
- (G) I, III e IV.

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) II e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) I, III e IV.
- (E) I, II, III e IV.
- (F) III e V.
- (G) I, II e III.

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) I, II e III.
- (B) I, III e IV.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) II e IV.
- (E) III e V.
- (F) II, III e V.
- (G) II, III e V.

3. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

5. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	A	A	0	0
B	1	B	B	1	1
C	2	C	C	2	2
D	3	D	D	3	3
E	4	E	E	4	4
F	5	F		5	5
G	6	G		6	6
	7	H		7	7
	8			8	8
	9			9	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) I, III e IV.
- (C) III e V.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II e III.
- (G) II e IV.

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é:

(1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
 - (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
 - (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
 - (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
 - (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
 - (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

- (G) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5	F	5	
6	6	6	G	6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7 V-F	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>
G	<input type="radio"/>
H	<input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$

Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) III e V.
- (D) II e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II e III.

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (E) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>

1. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) I, III e IV.
- (D) I, II e III.
- (E) II e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) III e V.

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (H) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	A	0
1	B	B	1	B	1
2	C	C	2	C	2
3	D	D	3	D	3
4	E	E	4	E	4
5	F	F	5		5
6	G	G	6		6
7	H		7		7
8			8		8
9			9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

- (C) II e IV.
- (D) I, II e III.
- (E) III e V.
- (F) I, III e IV.
- (G) I, II, III e IV.

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

3. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) II, III e V.

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (B) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II e IV.
- (B) I, II e III.
- (C) III e V.
- (D) I, III e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) II, III e V.

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			H <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : S_1 :

$$\begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases} \quad \text{e } S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$$

Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) II, III e V.
- (C) I, II e III.
- (D) II e IV.
- (E) III e V.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) II, III e V.

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 :

$S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

(A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

(C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

(E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

(A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

(C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(E) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(F) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

(G) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .

(H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o ve-

tor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	●	●	○	●	●	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	A ○	A ○
B ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	B ○	B ○
C ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	C ○	C ○
D ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	D ○	D ○
E ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	E ○	E ○
F ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	F ○	
G ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○	G ○	
H ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○		
	8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○		
	9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○		

7
0 ○ ○
1 ○ ○
2 ○ ○
3 ○ ○
4 ○ ○
5 ○ ○
6 ○ ○
7 ○ ○
8 ○ ○
9 ○ ○

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (D) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (E) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$

Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes conjuntos:

- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
- (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
- (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
- (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
- (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$

Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) III e V.
- (D) I, III e IV.
- (E) I, II e III.
- (F) II, III e V.
- (G) II e IV.

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	5
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	G	<input type="radio"/>	6
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	H		7
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			8
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			9

7
A
B
C
D
E

1. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

4. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

- (A) I, II e III.
- (B) I, III e IV.
- (C) III e V.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) II e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) II, III e V.

(1.500, -1.500)

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0 ○ ○ ○	A ○ ○	0 ○ ○ ○	A ○ ○	0 ○ ○ ○	A ○ ○ ○
1 ○ ○ ○	B ○ ○	1 ○ ○ ○	B ○ ○	1 ○ ○ ○	B ○ ○ ○
2 ○ ○ ○	C ○ ○	2 ○ ○ ○	C ○ ○	2 ○ ○ ○	C ○ ○ ○
3 ○ ○ ○	D ○ ○	3 ○ ○ ○	D ○ ○	3 ○ ○ ○	D ○ ○ ○
4 ○ ○ ○	E ○ ○	4 ○ ○ ○	E ○ ○	4 ○ ○ ○	E ○ ○ ○
5 ○ ○ ○	F ○ ○	5 ○ ○ ○		5 ○ ○ ○	F ○ ○ ○
6 ○ ○ ○	G ○ ○	6 ○ ○ ○		6 ○ ○ ○	G ○ ○ ○
7 ○ ○ ○		7 ○ ○ ○		7 ○ ○ ○	H ○ ○ ○
8 ○ ○ ○		8 ○ ○ ○		8 ○ ○ ○	
9 ○ ○ ○		9 ○ ○ ○		9 ○ ○ ○	

CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	○	●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7
0 ○ ○ ○
1 ○ ○ ○
2 ○ ○ ○
3 ○ ○ ○
4 ○ ○ ○
5 ○ ○ ○
6 ○ ○ ○
7 ○ ○ ○
8 ○ ○ ○
9 ○ ○ ○

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) I, II, III e IV.
- (C) II e IV.
- (D) III e V.
- (E) II, III e V.
- (F) I, III e IV.
- (G) I, II e III.

3. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

(A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

(B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

(C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

(D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

(E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

2. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

(A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

(B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

(C) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .

(D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$

(E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

(F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

(G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

(H) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

- (1.500, -1.500)
- (A) I, II, III e IV.
 - (B) III e V.
 - (C) II e IV.
 - (D) II, III e V.
 - (E) I, III e IV.
 - (F) II, III e V.
 - (G) I, II e III.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$

Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços:

(1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) I, II e III.
- (C) II, III e V.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) II e IV.
- (F) III e V.
- (G) II, III e V.

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II e IV.
- (B) I, III e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) I, II e III.
- (E) III e V.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II, III e IV.

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (E) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.

- (G) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

7. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$

Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (D) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

5. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, II e III.
- (B) III e V.
- (C) I, III e IV.
- (D) II e IV.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) II, III e V.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (D) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada

não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\left\{ (x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases} \right\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, II, III e IV.
- (B) II e IV.
- (C) II, III e V.
- (D) III e V.
- (E) I, III e IV.
- (F) I, II e III.
- (G) II, III e V.

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (C) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

(A) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

- (B) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

5. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

6. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema: $\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$ Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

7. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) III e V.
- (B) I, II e III.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) I, III e IV.
- (F) II e IV.
- (G) II, III e V.

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$

Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (D) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (E) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.

3. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) II e IV.
- (C) III e V.
- (D) I, II, III e IV.
- (E) I, III e IV.
- (F) II, III e V.
- (G) I, II e III.

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

5. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (B) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (C) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (D) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (E) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	A	0	A	0
B	1	B	1	B	1
C	2	C	2	C	2
D	3	D	3	D	3
E	4	E	4	E	4
	5	F	5	F	5
	6	G	6	G	6
	7		7	H	7
	8		8		8
	9		9		9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (C) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$

2. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

3. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) II, III e V.
- (B) I, II e III.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) I, III e IV.
- (E) III e V.
- (F) II e IV.
- (G) II, III e V.

4. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (B) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (C) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (D) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (E) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (F) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (G) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (H) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0,1]$ não é um subespaço de P_3 .

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
0	A	A	0	A	0
1	B	B	1	B	1
2	C	C	2	C	2
3	D	D	3	D	3
4	E	E	4	E	4
5		F	5	F	5
6		G	6	G	6
7			7	H	7
8			8		8
9			9		9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:
- $$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$

Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: **(1.000, -1.000)**

2. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: **(1.500, -1.500)**

- (A) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (D) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (E) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$

3. Considere os seguintes conjuntos:
- (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 - (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 - (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 - (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 - (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
- Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: **(1.500, -1.500)**

- (A) I, III e IV.
- (B) I, II e III.
- (C) I, II, III e IV.
- (D) II, III e V.
- (E) II e IV.
- (F) III e V.
- (G) II, III e V.

4. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: **(1.000, -1.000)**

5. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (B) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (C) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (D) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (E) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (F) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (G) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (H) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: **(1.000, -1.000)**

7. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
A	A	0	0	0	A
B	B	1	1	1	B
C	C	2	2	2	C
D	D	3	3	3	D
E	E	4	4	4	E
	F	5	5	5	F
	G	6	6	6	G
		7	7	7	H
		8	8	8	
		9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (B) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$

2. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, III e IV.
- (B) III e V.
- (C) I, II e III.
- (D) II, III e V.
- (E) II, III e V.
- (F) I, II, III e IV.
- (G) II e IV.

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

5. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases}$$
 Encontre uma base para este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (B) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (E) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.
- (F) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (G) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (H) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco
Centro de Informática
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2009.1
Segundo Exercício Escolar - 05/05/2009

Nome: _____ Identificação: _____

IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6					
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	G	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	G	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	H	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	H	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>					
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>					

7		
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1. Considere o espaço-solução em \mathbb{R}^4 do sistema:

$$\begin{cases} x + y - z + w = 0 \\ 2x + 2y + 2z - w = 0 \\ x + y - 5z + 4w = 0 \\ x + y + 3z - 2w = 0 \end{cases} \quad \text{Encontre uma base para}$$

este espaço de tal forma que a primeira coordenada não nula de cada um dos vetores é 1. A soma dos valores absolutos das coordenadas de todos os vetores é: (1.000, -1.000)

2. Considere a matriz: $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & 1 & 2 \end{pmatrix}$ e o vetor $v = (9 \ -8 \ 9 \ 18)^t$. A soma das coordenadas do vetor $A^{-1} \cdot v$ é: (1.000, -1.000)

3. Considere o subespaço do \mathbb{R}^5 dado como: $S = [(1, 2, -1, 0, 1), (-1, 1, 0, 2, 1)]$. Seja A a matriz dos coeficientes do sistema homogêneo cujo espaço-solução é S . A soma dos valores absolutos dos elementos da forma escada de A é: (1.000, -1.000)

4. Considere os seguintes conjuntos:
 (I) $\{A \in M_{2 \times 2} | A \text{ é inversível}\}$.
 (II) $\{v \in \mathbb{R}^3 | v \text{ é diretor de uma reta que passa na origem e é concorrente ao plano } x + y + z = 1\}$.
 (III) $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x - y = z - w\}$
 (IV) $\{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 | \begin{cases} x = z, \text{ se } y = 0 \\ x = y, \text{ se } z = 0 \end{cases}\}$
 (V) $\{(x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = |x| \text{ ou } y = -|x|\}$
 Dos conjuntos anteriores, apenas os seguintes são subespaços: (1.500, -1.500)

- (A) I, II, III e IV.
- (B) III e V.
- (C) II e IV.
- (D) I, II e III.
- (E) II, III e V.
- (F) I, III e IV.
- (G) II, III e V.

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) $\{p(t) \in P_3 | p(1) = 0 \text{ e } p(-1) = 0\} = \{p(t) \in P_3 | p(1) = 0\} + \{p(t) \in P_3 | p(-1) = 0\}$
- (B) O subconjunto de P_3 formado por todos os polinômios que se anulam no intervalo $[0, 1]$ não é um subespaço de P_3 .
- (C) Se P é matriz de ordem n inversível e D é matriz qualquer de ordem n , então $(P^{-1}DP)^n = P^{-1}D^nP$.
- (D) Sejam α e β bases do espaço V . Podemos excluir um vetor v_i de α e incluir ao conjunto resultante, um vetor w_j qualquer de β que o conjunto final ainda será uma base de V .
- (E) Se S é subespaço de V , e $\dim(S) = \dim(V)$, mesmo assim não podemos dizer que $S = V$.
- (F) Um sistema linear de 30 incógnitas cuja matriz dos coeficientes possui posto 12 e cuja matriz ampliada possui nulidade 19 não admite soluções.
- (G) Se S_1 é gerado por um conjunto de vetores α e S_2 é gerado por um conjunto de vetores β , então $S_1 + S_2$ é gerado por $\alpha \cup \beta$.
- (H) Um sistema homogêneo que possui uma matriz de coeficientes com 100 colunas e 200 linhas, cujo posto é 73, terá um subespaço-solução com dimensão 27.

6. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^4 : $S_1 = [(1, 1, -1, 0), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 0, 1)]$ e $S_2 = [(2, 1, -3, -2), (0, 1, 1, 2), (1, 2, 1, 1)]$. Escolha a única alternativa que descreve corretamente o subespaço $S_1 \cap S_2$: (1.500, -1.500)

- (A) É conjunto-solução de $\begin{cases} 2x - y + z = 0 \\ 4x - 3y + z + w = 0 \\ y = 1 \end{cases}$
- (B) Possui $\{(0, 1, 1, 2)\}$ como base.
- (C) É igual a: $[(1, 1, -1, 0), (2, 1, -3, -2), (1, 2, 0, 1), (1, 2, 1, 1)]$
- (D) É conjunto-solução de $4x - 3y + z + w = 0$
- (E) É conjunto-solução de $\begin{cases} -x + y - w/2 = 0 \\ x + z - w/2 = 0 \end{cases}$

7. Considere os seguintes subespaços do \mathbb{R}^3 : $S_1 : \begin{cases} 3x + 3y - 3z = 0 \\ 2x - y - 2z = 0 \end{cases}$ e $S_2 : \begin{cases} 2x + 2y + z = 0 \\ x + y + z = 0 \end{cases}$. Considere A a matriz na forma escada do sistema homogêneo que define $S_1 + S_2$. A soma dos elementos de A é: (1.000, -1.000)