

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	E
	5	5	5	5	
	6	6	6	6	
	7	7	7	7	
	8	8	8	8	
	9	9	9	9	

### CONTROLE MIXNFIX


7 V-F	
A	
B	
C	
D	
E	
F	

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \text{ Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>
<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>	<input type="checkbox"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	A	0	A	0
B	1	B	1	B	1
C	2	C	2	C	2
D	3	D	3	D	3
E	4	E	4	E	4
	5		5	F	5
	6		6		6
	7		7		7
	8		8		8
	9		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$   
 (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (C)  $y + 2z + u = 0$   
 (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (C)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
  - (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais. (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
5. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
6. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $y + 2z + u = 0$
  - (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
  - (C)  $y + 2z + u = -1$
  - (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
  - (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
7. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
A	A	0	0	0	A
B	B	1	1	1	B
C	C	2	2	2	C
D	D	3	3	3	D
E	E	4	4	4	E
		5	5	5	F
		6	6	6	
		7	7	7	
		8	8	8	
		9	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $y + 2z + u = 0$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)  
 (A)  $y + 2z + u = 0$   
 (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (D)  $y + 2z + u = -1$   
 (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)  
 (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
 Centro de Informática  
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
 Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
	5	F	5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

7
A
B
C
D
E

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

Universidade Federal de Pernambuco  
 Centro de Informática  
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
 Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

(A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

(A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$

Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma

equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5	F	5		5	5
6		6		6	6
7		7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

7
A
B
C
D
E

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $y + 2z + u = 0$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>				6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>				7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>				8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>				9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentaram subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \text{ Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

	1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	A	0	0
B	1	1	1	B	1	1
C	2	2	2	C	2	2
D	3	3	3	D	3	3
E	4	4	4	E	4	4
	5	5	5		5	5
	6	6	6		6	6
	7	7	7		7	7
	8	8	8		8	8
	9	9	9		9	9

### CONTROLE MIXNFIX

●	●		●				●							
●		●					●							
		●												

7 V-F	
A	
B	
C	
D	
E	
F	

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: **(1.000, -1.000)**

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (C)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . **(1.000, -1.000)**

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . **(1.000, -1.000)**

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. **(1.500, -1.500)**

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . **(1.000, -1.000)**

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. **(1.500, -1.500)**

7. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

4. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6		
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7		
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $y + 2z + u = -1$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = \{(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)\}$  e  $W = \{(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)\}$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
5. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
6. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $y + 2z + u = 0$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F		5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

7
A
B
C
D
E

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
  - (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
  - (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
  - (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
  - (C)  $y + 2z + u = 0$
  - (D)  $y + 2z + u = -1$
  - (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

	1	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0	0
B	1	1	B	1	1	1
C	2	2	C	2	2	2
D	3	3	D	3	3	3
E	4	4	E	4	4	4
	5	5		5	5	5
	6	6		6	6	6
	7	7		7	7	7
	8	8		8	8	8
	9	9		9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	●	●
○	○	○	○	○	○	●	○	●	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F	
A	○
B	○
C	○
D	○
E	○
F	○

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e

$(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $y + 2z + u = 0$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 3$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ .

Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (3.000, -3.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

(C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

(D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

(E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

(F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)  
 (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

(B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

(A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (B)  $y + 2z + u = -1$   
 (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (D)  $y + 2z + u = 0$   
 (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

- 1.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
- 2.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é:(1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- 4.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)  
 (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- 5.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)  
 (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (B)  $y + 2z + u = 0$   
 (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (D)  $y + 2z + u = -1$   
 (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- 7.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	A	A	0	0	0
B	B	B	1	1	1
C	C	C	2	2	2
D	D	D	3	3	3
E	E	E	4	4	4
F			5	5	5
			6	6	6
			7	7	7
			8	8	8
			9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ .

Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0	A	0	0	A	A
1	B	1	1	B	B
2	C	2	2	C	C
3	D	3	3	D	D
4	E	4	4	E	E
5		5	5		F
6		6	6		
7		7	7		
8		8	8		
9		9	9		

### CONTROLE MIXNFIX

●		●	●		●				●
				●		●			
	●								

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

(A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

(A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$

Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma

equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
2. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (B)  $y + 2z + u = 0$   
 (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (D)  $y + 2z + u = -1$   
 (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.



Universidade Federal de Pernambuco  
 Centro de Informática  
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
 Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

(F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

			●				●	●	●				
●		●							●				
●													

1	2	3	4	5 V-F	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5		5	5	F	5
6		6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

7
A
B
C
D
E

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1)$ ,  $(2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>		<input type="radio"/>

7	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (C)  $y + 2z + u = -1$   
 (D)  $y + 2z + u = 0$   
 (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	0	A	A	A
1	1	1	B	B	B
2	2	2	C	C	C
3	3	3	D	D	D
4	4	4	E	E	E
5	5	5		F	
6	6	6			
7	7	7			
8	8	8			
9	9	9			

### CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	●	●	●	○	●
○	○	●	○	○	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
 Centro de Informática  
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
 Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

3. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

(C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

(D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

(E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

6. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais. (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	0	0	A	0
B	1	1	1	B	1
C	2	2	2	C	2
D	3	3	3	D	3
E	4	4	4	E	4
	5	5	5	F	5
	6	6	6		6
	7	7	7		7
	8	8	8		8
	9	9	9		9

7
A
B
C
D
E

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

- (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

<b>1</b>	<b>2 V-F</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

<b>7</b>
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . De-

termine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

<b>1</b>	<b>2 V-F</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

<b>7</b>
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: **(1.000, -1.000)**

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

2. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . **(1.000, -1.000)**

4. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . **(1.000, -1.000)**

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. **(1.500, -1.500)**

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ .

Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . **(1.000, -1.000)**

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. **(1.500, -1.500)**

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $y + 2z + u = -1$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

7
A
B
C
D
E

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentaram subespaços vetoriais. (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1

- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  $\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$  Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
  - (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
  - (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais. (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
5. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
6. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
  - (B)  $y + 2z + u = -1$
  - (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
  - (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
  - (E)  $y + 2z + u = 0$
7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: **(1.000, -1.000)**

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

2. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . **(1.000, -1.000)**

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . **(1.000, -1.000)**

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. **(1.500, -1.500)**

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais. **(1.500, -1.500)**

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16.

7. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
A	A	0	0	A	0
B	B	1	1	B	1
C	C	2	2	C	2
D	D	3	3	D	3
E	E	4	4	E	4
	F	5	5		5
		6	6		6
		7	7		7
		8	8		8
		9	9		9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

5. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
  - (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :
- $$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)}$$
- (A)  $y + 2z + u = -1$
  - (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
  - (C)  $y + 2z + u = 0$
  - (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
  - (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	0	0	A	A	0
1	1	1	B	B	1
2	2	2	C	C	2
3	3	3	D	D	3
4	4	4	E	E	4
5	5	5			5
6	6	6			6
7	7	7			7
8	8	8			8
9	9	9			9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7 V-F		
A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :
- $$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
- Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
  - (B)  $y + 2z + u = -1$
  - (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
  - (D)  $y + 2z + u = 0$
  - (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

5. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
  - (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
  - (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

- (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

4. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor: 1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor: 2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor: 4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor: 8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor: 16. (1.500, -1.500)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

	1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	A	0	0
B	1	1	1	B	1	1
C	2	2	2	C	2	2
D	3	3	3	D	3	3
E	4	4	4	E	4	4
	5	5	5		5	5
	6	6	6		6	6
	7	7	7		7	7
	8	8	8		8	8
	9	9	9		9	9

### CONTROLE MIXNFIX

		●		●	●		●							
	●			●		●								
●														

7 V-F	
A	
B	
C	
D	
E	
F	

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :
- $$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$

Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $y + 2z + u = 0$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
  - (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
  - (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4 V-F</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

<b>7</b>
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
  - (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :
- $$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)}$$
- (A)  $y + 2z + u = 0$
  - (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
  - (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
  - (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
  - (E)  $y + 2z + u = -1$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = \{(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)\}$  e  $W = \{(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)\}$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

(C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

(D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

(E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

(F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

(A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$

Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

(A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

- (B)  $y + 2z + u = 0$   
 (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (E)  $y + 2z + u = -1$

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

(A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

- 1.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
- 2.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)  
 (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (D)  $y + 2z + u = -1$   
 (E)  $y + 2z + u = 0$
- 4.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- 6.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)  
 (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>			5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

(A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1

(B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2

(C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4

(D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8

(E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

(A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

(B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

(C)  $y + 2z + u = 0$

(D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

(E)  $y + 2z + u = -1$

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

(A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

(B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

(C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

(D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

(E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

(A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

(B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

(C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

(D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

(E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

(F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	A ○	0 ○ ○	A ○
B ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	B ○	1 ○ ○	B ○
C ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	C ○	2 ○ ○	C ○
D ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	D ○	3 ○ ○	D ○
E ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	E ○	4 ○ ○	E ○
F ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○		5 ○ ○	
	6 ○ ○	6 ○ ○		6 ○ ○	
	7 ○ ○	7 ○ ○		7 ○ ○	
	8 ○ ○	8 ○ ○		8 ○ ○	
	9 ○ ○	9 ○ ○		9 ○ ○	

### CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	●	○	○	○	○	●	●
●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7
0 ○ ○
1 ○ ○
2 ○ ○
3 ○ ○
4 ○ ○
5 ○ ○
6 ○ ○
7 ○ ○
8 ○ ○
9 ○ ○

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma

equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

7. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

<b>1</b>	<b>2 V-F</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

<b>7</b>
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

3. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>			5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

- 1.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . **(1.000, -1.000)**
- 2.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: **(1.000, -1.000)**
- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (C)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- 3.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. **(1.500, -1.500)**
- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (B)  $y + 2z + u = 0$   
 (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (D)  $y + 2z + u = -1$   
 (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- 4.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . **(1.000, -1.000)**
- 5.** Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**
- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- 6.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . **(1.000, -1.000)**
- 7.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. **(1.500, -1.500)**

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

2. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \text{ Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $y + 2z + u = 0$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . De-

termine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

(C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

(D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

(E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

(F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	A	A	0
B	1	1	B	B	1
C	2	2	C	C	2
D	3	3	D	D	3
E	4	4	E	E	4
	5	5	F		5
	6	6			6
	7	7			7
	8	8			8
	9	9			9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

- (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

5. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

- 1.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
- 2.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- 4.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- 5.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $y + 2z + u = -1$   
 (B)  $y + 2z + u = 0$   
 (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- 7.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

(D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

(E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

(F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \text{ Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

4. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $y + 2z + u = 0$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais. (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1

- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>			5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4.} \quad (1.500, -1.500)$$

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

7. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6									
A	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
F	<input type="radio"/>			5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
				6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
				7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
				8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
				9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		

7		
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

- 1.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
  - (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
  - (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- 2.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- 3.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
- 4.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
- 5.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :
- $$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)}$$
- (A)  $y + 2z + u = -1$
  - (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
  - (C)  $y + 2z + u = 0$
  - (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
  - (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- 7.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2 V-F	3	4	5	6
A	A	0	0	0	0
B	B	1	1	1	1
C	C	2	2	2	2
D	D	3	3	3	3
E	E	4	4	4	4
	F	5	5	5	5
		6	6	6	6
		7	7	7	7
		8	8	8	8
		9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

		●		●										
●		●	●	●								●		
●														

7
A
B
C
D
E

1. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :
- $$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$

Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

7. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

- 1.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
  - (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- 2.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
- 5.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
- 6.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :
- $$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)}$$
- (A)  $y + 2z + u = -1$
  - (B)  $y + 2z + u = 0$
  - (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
  - (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
  - (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- 7.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
  - (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>			F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p$  é múltiplo de  $2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w$  e  $x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 |$  pelo menos uma coordenada de  $v$  é nula}. Valor:16. (1.500, -1.500)

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w$  e  $x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma

equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

7. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

	●	●	●			●		●						
			●			●								
		●												

1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	A	0	0	A
B	1	B	1	1	B
C	2	C	2	2	C
D	3	D	3	3	D
E	4	E	4	4	E
	5		5	5	F
	6		6	6	
	7		7	7	
	8		8	8	
	9		9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \text{Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4.} \quad (1.500, -1.500)$$

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

4. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

5. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)  
 (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	A	0	A
1	B	1	B	1	B
2	C	2	C	2	C
3	D	3	D	3	D
4	E	4	E	4	E
5	F	5		5	
6		6		6	
7		7		7	
8		8		8	
9		9		9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma

equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $y + 2z + u = -1$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (D) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	A	0	0
B	1	B	B	1	1
C	2	C	C	2	2
D	3	D	D	3	3
E	4	E	E	4	4
F	5			5	5
	6			6	6
	7			7	7
	8			8	8
	9			9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

**1.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

**2.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

**3.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$

Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $y + 2z + u = -1$

- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

**4.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

**5.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

**6.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

**7.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

<b>1 V-F</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
A ○ ○	A ○	0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	A ○
B ○ ○	B ○	1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	B ○
C ○ ○	C ○	2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	C ○
D ○ ○	D ○	3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	D ○
E ○ ○	E ○	4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	E ○
F ○ ○		5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	
		6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○	
		7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○	
		8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○	
		9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○	

<b>7</b>
0 ○ ○
1 ○ ○
2 ○ ○
3 ○ ○
4 ○ ○
5 ○ ○
6 ○ ○
7 ○ ○
8 ○ ○
9 ○ ○

1. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (C)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $\{(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)\}$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em

$$\mathbb{R}^5: \begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \text{ Dentre as al-}$$

ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

7. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
6. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $y + 2z + u = 0$   
 (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (E)  $y + 2z + u = -1$
7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais. Valor:16
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (C)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (B)  $y + 2z + u = 0$   
 (C)  $y + 2z + u = -1$   
 (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>				6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>				7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>				8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>				9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (C)  $y + 2z + u = 0$   
 (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (E)  $y + 2z + u = -1$
5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	A
B	1	1	B	1	B
C	2	2	C	2	C
D	3	3	D	3	D
E	4	4	E	4	E
F	5	5		5	
	6	6		6	
	7	7		7	
	8	8		8	
	9	9		9	

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
  - (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
  - (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- 2.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
- 3.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
- 4.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
  - (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- 5.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)
- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
  - (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
  - (C)  $y + 2z + u = 0$
  - (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
  - (E)  $y + 2z + u = -1$
- 7.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

3. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

4. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

7. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	A	0	0
B	1	B	B	1	1
C	2	C	C	2	2
D	3	D	D	3	3
E	4	E	E	4	4
F	5			5	5
	6			6	6
	7			7	7
	8			8	8
	9			9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

**1.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (F) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.

**2.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

**3.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

**4.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as al-ternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)}$$

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

**5.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

**6.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

**7.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>			5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

1. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$

Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (D)  $y + 2z + u = 0$
- (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (D) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (E) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma

equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = -1$
- (B)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$

5. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$

7. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	A
B	1	1	B	1	B
C	2	2	C	2	C
D	3	3	D	3	D
E	4	4	E	4	E
F	5	5		5	
	6	6		6	
	7	7		7	
	8	8		8	
	9	9		9	

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Assinale V ou F: (3.000, -3.000)
- (A) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
  - (B) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
  - (C) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
  - (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
  - (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
  - (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- 2.** Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
  - (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
  - (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
  - (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
  - (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$
- 5.** A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.
- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
  - (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
  - (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
  - (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
  - (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
- 6.** Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :
- $$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases} \quad \text{Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)}$$
- (A)  $y + 2z + u = -1$
  - (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
  - (C)  $y + 2z + u = 0$
  - (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
  - (E)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- 7.** Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1)$ ,  $(2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)
2. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (E)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
3. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)
4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)  
 (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (B) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)
6. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)
7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)  
 (A)  $y + 2z + u = -1$   
 (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (C)  $y + 2z + u = 0$   
 (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

1. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

2. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (C)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$   
 (D)  $y + 2z + u = -1$   
 (E)  $y + 2z + u = 0$

3. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (E)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$

5. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

6. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (D) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .  
 (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	E
	5	5	5	5	F
	6	6	6	6	
	7	7	7	7	
	8	8	8	8	
	9	9	9	9	

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
A
B
C
D
E

1. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: **(1.000, -1.000)**

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

2. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . **(1.000, -1.000)**

3. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . **(1.000, -1.000)**

4. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.

- (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1
- (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2
- (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4
- (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8
- (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. **(1.500, -1.500)**

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . **(1.000, -1.000)**

6. Assinale V ou F: **(3.000, -3.000)**

- (A) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (E) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. **(1.500, -1.500)**

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $y + 2z + u = -1$
- (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (E)  $y + 2z + u = 0$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

1. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

2. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (B)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$

4. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$   
 (B)  $y + 2z + u = -1$   
 (C)  $y + 2z + u = 0$   
 (D)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$   
 (E)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.  
 (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .  
 (C) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.  
 (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.  
 (E) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .  
 (F) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

2. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

3. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentam subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

4. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$   
 (C)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (B) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (C) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (E) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (F) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

7. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (B)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $y + 2z + u = -1$
- (E)  $y + 2z + u = 0$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentem subespaços vetoriais.  
 (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} | A = -A^t\}$ . Valor:1  
 (B)  $\{p \in P_3 | p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2  
 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4  
 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8  
 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 | \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

3. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ :  

$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $y + 2z + u = 0$
- (B)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (C)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$
- (D)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (E)  $y + 2z + u = -1$

4. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)  
 (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .

- (B) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .
- (C) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (D) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (E) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (F) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.

5. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

6. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 | x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)  
 (A)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$   
 (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$   
 (E)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$

7. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Segundo Exercício Escolar - 03/10/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>			5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>

1. Considere a matriz  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$ . Determine  $6 \times \text{traço}(A^{-1})$ . (1.000, -1.000)

2. Considere o sistema com soluções  $(x, y, z, w, u)$  em  $\mathbb{R}^5$ : 
$$\begin{cases} x + y + z + 3u = 0 \\ 2x + 3y + 4z + 2w + 5u = 3 \\ -x + z + 3w - 5u = 5 \\ x + y + z - 2w + 5u = -4 \end{cases}$$
 Dentre as alternativas abaixo assinale a que corresponde a uma equação que, quando adicionada ao sistema, resulta num sistema possível cuja matriz ampliada tem posto 4. (1.500, -1.500)

- (A)  $2x - y - 4z + 3u = 3$
- (B)  $y + 2z + u = -1$
- (C)  $y + 2z + u = 0$
- (D)  $x + y + 2z + 2w + 4u = 2$
- (E)  $3x + 3y + 3z - w + 10u = -2$

3. Considere  $S = \{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = w \text{ e } x + 2y + w = 0\}$ . Uma base para  $S$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -2, 2, 1), (1, 1, 2, 2)\}$
- (B)  $\{(3, -2, 0, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 0, -1), (1, 2, 0, 1)\}$
- (D)  $\{(2, 3, 0, 0), (0, 0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -2, 1, 1), (0, 0, 1, 0)\}$

4. Considere os planos do  $\mathbb{R}^4$ :  $U = [(1, 1, 1, 2), (1, 0, 1, 1)]$  e  $W = [(2, 2, -1, 1), (-1, 1, 1, 2)]$ . Seja  $r = U \cap W$ , e seja  $\{v\}$  base de  $r$  tal que a primeira coordenada de  $v$  é 1. Então marque a soma das coordenadas de  $v$ . (1.000, -1.000)

5. Considere o sistema linear homogêneo cujo espaço-solução é  $[(-1, 2, 3, 0), (-1, 1, 3, 1), (2, -3, -6, -1)]$ . Seja  $A$  a sua matriz dos coeficientes na forma escada. Marque 3 vezes a soma dos elementos de  $A$ . (1.000, -1.000)

6. A cada item abaixo associamos um valor. Determine o somatório dos valores das alternativas que apresentarem subespaços vetoriais. (A)  $\{A \in M_{2 \times 2} \mid A = -A^t\}$ . Valor:1 (B)  $\{p \in P_3 \mid p \text{ é múltiplo de } 2 - 3t + 2t^2\}$ . Valor:2 (C)  $\{(x, y, z, w) \in \mathbb{R}^4 \mid x + y = z + w \text{ e } x - y = z - 2\}$ . Valor:4 (D) Plano do  $\mathbb{R}^3$  que passa por  $(1, 1, 1), (2, -1, \frac{1}{2})$  e  $(1, 3, 2)$ . Valor:8 (E)  $\{v \in \mathbb{R}^5 \mid \text{pelo menos uma coordenada de } v \text{ é nula}\}$ . Valor:16. (1.500, -1.500)

7. Assinale V ou F: (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$  gerador de  $V$ , que possui dimensão  $m$ , com  $m < n$ . Então se removermos os  $n - m$  primeiros vetores de  $\alpha$  obteremos uma base de  $V$ .
- (B) Quando juntamos as equações de dois sistemas cujos conjuntos soluções têm interseção trivial, então o posto do sistema resultante será a soma dos postos dos dois sistemas originais.
- (C) Se  $\alpha$  é base de  $U$ ,  $\beta$  é base de  $W$ , então teremos que remover  $k$  vetores de  $\alpha \cup \beta$  para obtermos uma base de  $U + W$ , onde  $k = \dim(U \cap W)$ .
- (D) Se  $\alpha$  é um gerador de  $V$ , com  $n$  elementos, então qualquer base de  $V$  não pode possuir mais do que  $n$  elementos.
- (E) Num sistema possível, a nulidade de sua matriz ampliada tem que ser igual à nulidade de sua matriz dos coeficientes.
- (F) O subespaço dos polinômios de  $P_n$  que possuem pelo menos  $k$  raízes distintas tem dimensão  $n - k + 1$ .