

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

	1	2	3	4	5
0	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	6	7	8 V-F
0	○ ○	A ○	A ○ ○
1	○ ○	B ○	B ○ ○
2	○ ○	C ○	C ○ ○
3	○ ○	D ○	D ○ ○
4	○ ○	E ○	E ○ ○
5	○ ○		F ○ ○
6	○ ○		
7	○ ○		
8	○ ○		
9	○ ○		

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
2. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
3. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
4. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (B)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (C)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (D)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>

1. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
2. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ .  
(1.000, -1.000)
3. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([T]_\beta^\alpha)$ .  
(1.000, -1.000)
4. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ).  
(1.500, -1.500)
5. Assinale V ou F:  
(2.500, -2.500)
  - (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
6. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta:  
(1.000, -1.000)
  - (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Im(T) = Nu(T)$
7. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ .  
(1.000, -1.000)
8. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ .  
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8 V-F
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (D)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 2.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .  
 (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

<b>7</b>	<b>8 V-F</b>
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (C)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (D)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 2.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .





- 1.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\epsilon^\beta^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 4.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .  
 (C)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .  
 (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (E)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .  
 (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- 8.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4	5	6 V-F		
0	○ ○	A	○ ○	0	○ ○	A	○ ○
1	○ ○	B	○ ○	1	○ ○	B	○ ○
2	○ ○	C	○ ○	2	○ ○	C	○ ○
3	○ ○	D	○ ○	3	○ ○	D	○ ○
4	○ ○	E	○ ○	4	○ ○	E	○ ○
5	○ ○		○ ○	5	○ ○	F	○ ○
6	○ ○		○ ○	6	○ ○		
7	○ ○		○ ○	7	○ ○		
8	○ ○		○ ○	8	○ ○		
9	○ ○		○ ○	9	○ ○		

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	●	●	○	○	○	○
○	○	●	○	●	○	●	○	●	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8		
0	○ ○	0	○ ○
1	○ ○	1	○ ○
2	○ ○	2	○ ○
3	○ ○	3	○ ○
4	○ ○	4	○ ○
5	○ ○	5	○ ○
6	○ ○	6	○ ○
7	○ ○	7	○ ○
8	○ ○	8	○ ○
9	○ ○	9	○ ○

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .  
 (C)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
4. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
5. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
6. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
7. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([T]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
8. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
0	0	A	0	A	0
1	1	B	1	B	1
2	2	C	2	C	2
3	3	D	3	D	3
4	4	E	4	E	4
5	5		5	F	5
6	6		6		6
7	7		7		7
8	8		8		8
9	9		9		9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	○	●	●	○	●	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

1. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
3. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) = Nu(T)$
- (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
4. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
5. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
6. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
7. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
8. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4	5 V-F	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5		5	5	F	5
6		6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .  
 (D)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 3.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\beta^{-1} = ([I]_\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 5.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- 6.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		F	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

- 1.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
- 2.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ .  
(1.000, -1.000)
- 3.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ .  
(1.000, -1.000)
- 4.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- (C)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (D)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (E)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 5.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([T]_\beta^\alpha)$ .  
(1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([T]_\epsilon^\beta)^t$ ).  
(1.500, -1.500)
- 8.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ .  
(1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2 V-F	3	4	5
0	A	0	0	0
1	B	1	1	1
2	C	2	2	2
3	D	3	3	3
4	E	4	4	4
5	F	5	5	5
6		6	6	6
7		7	7	7
8		8	8	8
9		9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

6	7	8
0	A	0
1	B	1
2	C	2
3	D	3
4	E	4
5		5
6		6
7		7
8		8
9		9

- 1.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- 3.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 6.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (B)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (C)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- (E)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- 8.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
 Centro de Informática  
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
 Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3 V-F	4	5		
0	○ ○	A	○ ○	0	○ ○	
1	○ ○	B	○ ○	1	○ ○	
2	○ ○	C	○ ○	2	○ ○	
3	○ ○	D	○ ○	3	○ ○	
4	○ ○	E	○ ○	4	○ ○	
5	○ ○	F	○ ○	5	○ ○	
6	○ ○		6	○ ○	6	○ ○
7	○ ○		7	○ ○	7	○ ○
8	○ ○		8	○ ○	8	○ ○
9	○ ○		9	○ ○	9	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	○	○	●	●	○	○
○	○	●	○	●	○	●	○	●	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7	8	
0	○ ○	A	○
1	○ ○	B	○
2	○ ○	C	○
3	○ ○	D	○
4	○ ○	E	○
5	○ ○		
6	○ ○		
7	○ ○		
8	○ ○		
9	○ ○		

1. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
4. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
8. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
 Centro de Informática  
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
 Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	F		5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>			6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>			7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>			8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>			9	<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>

1. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
4. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (B)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (D)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (E)  $Im(T) = Nu(T)$
5. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
6. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
7. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
8. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F		5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			9	<input type="radio"/>

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8		
0	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
4. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Im(T) = Nu(T)$
6. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
7. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
8. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
F	5		5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	○	●	●	●	●	○
○	○	●	○	○	○	●	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (B)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		F	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>

1. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
2. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ .  
(1.000, -1.000)
3. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
4. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .  
 (C)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (D)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$   
 (E)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
5. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L. 's tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L. 's tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\beta = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
8. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([T]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4	5	6		
0	○	○	A	○	○	○	○
1	○	○	B	○	○	○	○
2	○	○	C	○	○	○	○
3	○	○	D	○	○	○	○
4	○	○	E	○	○	○	○
5	○	○		○	○	○	○
6	○	○		○	○	○	○
7	○	○		○	○	○	○
8	○	○		○	○	○	○
9	○	○		○	○	○	○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	●	●	●	●	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F	8		
A	○	○	○
B	○	○	○
C	○	○	○
D	○	○	○
E	○	○	○
F	○	○	○
	6	○	○
	7	○	○
	8	○	○
	9	○	○

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
2. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
3. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (E)  $Im(T) = Nu(T)$
4. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
6. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
7. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
8. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1 V-F	2	3	4	5
A ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○
B ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○
C ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○
D ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○
E ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○
F ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○
	6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○
	7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○
	8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○
	9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	○	○	●	○	●	●
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7	8
0 ○ ○	A ○	0 ○ ○
1 ○ ○	B ○	1 ○ ○
2 ○ ○	C ○	2 ○ ○
3 ○ ○	D ○	3 ○ ○
4 ○ ○	E ○	4 ○ ○
5 ○ ○		5 ○ ○
6 ○ ○		6 ○ ○
7 ○ ○		7 ○ ○
8 ○ ○		8 ○ ○
9 ○ ○		9 ○ ○

- 1.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 2.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 5.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (E)  $Im(T) = Nu(T)$
- 8.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4 V-F	5	
0	○ ○	0	○ ○	0	○ ○
1	○ ○	1	○ ○	1	○ ○
2	○ ○	2	○ ○	2	○ ○
3	○ ○	3	○ ○	3	○ ○
4	○ ○	4	○ ○	4	○ ○
5	○ ○	5	○ ○	5	○ ○
6	○ ○	6	○ ○	6	○ ○
7	○ ○	7	○ ○	7	○ ○
8	○ ○	8	○ ○	8	○ ○
9	○ ○	9	○ ○	9	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	●	●
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7	8			
0	○ ○	0	○ ○	A	○
1	○ ○	1	○ ○	B	○
2	○ ○	2	○ ○	C	○
3	○ ○	3	○ ○	D	○
4	○ ○	4	○ ○	E	○
5	○ ○	5	○ ○		
6	○ ○	6	○ ○		
7	○ ○	7	○ ○		
8	○ ○	8	○ ○		
9	○ ○	9	○ ○		

1. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
4. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
5. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
6. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
7. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
8. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- (B)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- (C)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (D)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (E)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1 V-F	2	3	4	5
A	0	0	0	0
B	1	1	1	1
C	2	2	2	2
D	3	3	3	3
E	4	4	4	4
F	5	5	5	5
	6	6	6	6
	7	7	7	7
	8	8	8	8
	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

6	7	8
0	A	0
1	B	1
2	C	2
3	D	3
4	E	4
5		5
6		6
7		7
8		8
9		9

- 1.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 8.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([T]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>		
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>		
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>		
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>		

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

- 1.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (B)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  - (D)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (E)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	0	A	0	0
B	1	1	1	B	1	1
C	2	2	2	C	2	2
D	3	3	3	D	3	3
E	4	4	4	E	4	4
	5	5	F	5	5	
	6	6		6	6	
	7	7		7	7	
	8	8		8	8	
	9	9		9	9	

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	●	○	○	○	●	●
○	○	●	○	●	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (D)  $Im(T) = Nu(T)$
- (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 2.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- 5.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	0	0	0	A	0
B	1	1	1	1	B	1
C	2	2	2	2	C	2
D	3	3	3	3	D	3
E	4	4	4	4	E	4
	5	5	5	5	F	5
	6	6	6	6		6
	7	7	7	7		7
	8	8	8	8		8
	9	9	9	9		9

### CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	●	●	●	○	●	●
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\beta^{-1} = ([I]_\beta^t)$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- 6.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5
0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

6	7	8
0	A	<input type="radio"/>
1	B	<input type="radio"/>
2	C	<input type="radio"/>
3	D	<input type="radio"/>
4	E	<input type="radio"/>
5		<input type="radio"/>
6		<input type="radio"/>
7		<input type="radio"/>
8		<input type="radio"/>
9		<input type="radio"/>

1. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
4. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
5. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (D)  $Im(T) = Nu(T)$
- (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
8. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)



1. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
  
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
  
3. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
  
4. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (B)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (C)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = \{(1, 2, 3, -1)\}$
  - (D)  $\text{Nu}(T) = \{(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)\}$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  
5. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
  
6. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
  
7. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  
8. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4	5	6
0	○ ○	A	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	B	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	C	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	D	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	E	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	●	○	●	○	●	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8 V-F		
0	○ ○	A	○ ○
1	○ ○	B	○ ○
2	○ ○	C	○ ○
3	○ ○	D	○ ○
4	○ ○	E	○ ○
5	○ ○	F	○ ○
6	○ ○		
7	○ ○		
8	○ ○		
9	○ ○		

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
3. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
4. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
6. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
7. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	A <input type="radio"/> <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	B <input type="radio"/> <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	C <input type="radio"/> <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	D <input type="radio"/> <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	E <input type="radio"/> <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	F <input type="radio"/> <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>

- 1.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- 6.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 7.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3 V-F	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5		F	5	5	5
6			6	6	6
7			7	7	7
8			8	8	8
9			9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .  
 (D)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (E)  $Im(T) = Nu(T)$
- 3.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- 4.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a + b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([T]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a + b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([T]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	0	0
1	B	1	1	1	1
2	C	2	2	2	2
3	D	3	3	3	3
4	E	4	4	4	4
5		5	5	5	5
6		6	6	6	6
7		7	7	7	7
8		8	8	8	8
9		9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8 V-F
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

1. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
2. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (B)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$   
 (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .  
 (D)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (E)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
3. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
4. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
5. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
6. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
7. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .  
 (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .  
 (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F		5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>			9	<input type="radio"/>

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8		
0	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
3. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
4. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (C)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (D)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
6. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
7. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
8. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

- 1.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 4.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$   
 (B)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (C)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .  
 (E)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- 6.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .  
 (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .  
 (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 7.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	A	0	0	0
B	1	B	1	1	1
C	2	C	2	2	2
D	3	D	3	3	3
E	4	E	4	4	4
F	5		5	5	5
	6		6	6	6
	7		7	7	7
	8		8	8	8
	9		9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 2.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- 4.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4	5 V-F				
0	○	○	0	○	○	A	○	○
1	○	○	1	○	○	B	○	○
2	○	○	2	○	○	C	○	○
3	○	○	3	○	○	D	○	○
4	○	○	4	○	○	E	○	○
5	○	○	5	○	○	F	○	○
6	○	○	6	○	○			
7	○	○	7	○	○			
8	○	○	8	○	○			
9	○	○	9	○	○			

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	●	●	○	●	●	●
●	○	○	○	●	○	●	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7	8					
0	○	○	A	○	0	○	○
1	○	○	B	○	1	○	○
2	○	○	C	○	2	○	○
3	○	○	D	○	3	○	○
4	○	○	E	○	4	○	○
5	○	○			5	○	○
6	○	○			6	○	○
7	○	○			7	○	○
8	○	○			8	○	○
9	○	○			9	○	○

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
  
2. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
  
3. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
  
4. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
  
5. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : V \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : V \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  
- (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
  
7. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (B)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  
8. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8 V-F		
0	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6			
7			
8			
9			

1. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
2. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
4. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (B)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.



1. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
3. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
4. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (B)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (D)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .  
 (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
8. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4 V-F	5	6				
0	○ ○	0	○ ○	A	○ ○	0	○ ○	0	○ ○
1	○ ○	1	○ ○	B	○ ○	1	○ ○	1	○ ○
2	○ ○	2	○ ○	C	○ ○	2	○ ○	2	○ ○
3	○ ○	3	○ ○	D	○ ○	3	○ ○	3	○ ○
4	○ ○	4	○ ○	E	○ ○	4	○ ○	4	○ ○
5	○ ○	5	○ ○	F	○ ○	5	○ ○	5	○ ○
6	○ ○	6	○ ○			6	○ ○	6	○ ○
7	○ ○	7	○ ○			7	○ ○	7	○ ○
8	○ ○	8	○ ○			8	○ ○	8	○ ○
9	○ ○	9	○ ○			9	○ ○	9	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	●	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8		
0	○ ○	0	○ ○
1	○ ○	1	○ ○
2	○ ○	2	○ ○
3	○ ○	3	○ ○
4	○ ○	4	○ ○
5	○ ○	5	○ ○
6	○ ○	6	○ ○
7	○ ○	7	○ ○
8	○ ○	8	○ ○
9	○ ○	9	○ ○

1. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
3. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (D)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
4. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
5. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
6. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
7. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
8. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6		
0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>		
6	<input type="radio"/>			6	<input type="radio"/>		
7	<input type="radio"/>			7	<input type="radio"/>		
8	<input type="radio"/>			8	<input type="radio"/>		
9	<input type="radio"/>			9	<input type="radio"/>		

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8		
0	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\beta = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
  
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
  
3. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  
4. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
  
5. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
  
6. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  
7. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
  
8. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5		5	F	5	5
6		6		6	6
7		7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (B)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (C)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 3.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- 5.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7 V-F	8
A	0
B	1
C	2
D	3
E	4
F	5
	6
	7
	8
	9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) = Nu(T)$
- (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- 2.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 6.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	○	0	○
1	○	1	○
2	○	2	○
3	○	3	○
4	○	4	○
5	○	5	○
6	○	6	○
7	○	7	○
8	○	8	○
9	○	9	○

	1	2	3	4	5
0	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	●	●	●	○	○	○
○	●	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	6	7 V-F	8
0	○ ○	A ○ ○	A ○
1	○ ○	B ○ ○	B ○
2	○ ○	C ○ ○	C ○
3	○ ○	D ○ ○	D ○
4	○ ○	E ○ ○	E ○
5	○ ○	F ○ ○	
6	○ ○		
7	○ ○		
8	○ ○		
9	○ ○		

1. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_{\epsilon}^{\beta} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
4. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
6. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
7. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
8. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (D)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .



1. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
4. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  - (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (E)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
8. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1 V-F	2	3	4	5
A ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○
B ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○
C ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○
D ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○
E ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○
F ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○
	6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○
	7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○
	8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○
	9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	●	●	○	○	○
●	●	●	○	●	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7	8
0 ○ ○	0 ○ ○	A ○
1 ○ ○	1 ○ ○	B ○
2 ○ ○	2 ○ ○	C ○
3 ○ ○	3 ○ ○	D ○
4 ○ ○	4 ○ ○	E ○
5 ○ ○	5 ○ ○	
6 ○ ○	6 ○ ○	
7 ○ ○	7 ○ ○	
8 ○ ○	8 ○ ○	
9 ○ ○	9 ○ ○	

- 1.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([T]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (D)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5			
0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>			6	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>			7	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>			8	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>			9	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

6	7	8					
0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>			5	<input type="radio"/>	5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>			6	<input type="radio"/>	6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>			7	<input type="radio"/>	7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>			8	<input type="radio"/>	8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>			9	<input type="radio"/>	9	<input type="radio"/>

1. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
4. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
6. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
7. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- (B)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (C)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (D)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- (E)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
8. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5		5	5	5	F
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). **(1.500, -1.500)**
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: **(1.000, -1.000)**
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (D)  $Im(T) = Nu(T)$
- (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . **(1.000, -1.000)**
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . **(1.000, -1.000)**
- 5.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . **(1.000, -1.000)**
- 6.** Assinale V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . **(1.000, -1.000)**
- 8.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1 V-F	2	3	4	5
A	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
B	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
C	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
D	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
E	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
F	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	●	●	○	○	●	●	○
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7	8
0	○ ○	○ ○
1	○ ○	○ ○
2	○ ○	○ ○
3	○ ○	○ ○
4	○ ○	○ ○
5	○ ○	○ ○
6	○ ○	○ ○
7	○ ○	○ ○
8	○ ○	○ ○
9	○ ○	○ ○
		A ○
		B ○
		C ○
		D ○
		E ○

- 1.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- 2.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_{\epsilon}^{\beta} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (D)  $Im(T) = Nu(T)$
- (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	4	E
	5	5	5	5	5	F
	6	6	6	6	6	
	7	7	7	7	7	
	8	8	8	8	8	
	9	9	9	9	9	

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	●	●	○	●	○	○
○	●	○	○	●	○	●	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 2.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- 7.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 8.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5		5	F	5	5
6		6		6	6
7		7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .  
 (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 3.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .  
 (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- 5.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_{\epsilon}^{\beta}{}^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	A	0	0
B	1	1	B	1	1
C	2	2	C	2	2
D	3	3	D	3	3
E	4	4	E	4	4
F	5	5		5	5
	6	6		6	6
	7	7		7	7
	8	8		8	8
	9	9		9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	○	●	○	●	○	○
○	●	●	○	●	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 2.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (D)  $Im(T) = Nu(T)$
- (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 5.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8 V-F
0	A
1	B
2	C
3	D
4	E
5	F
6	
7	
8	
9	

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .  
 (C)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([T]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.  
 (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

1. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
4. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
6. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
7. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
8. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5		5	F	5	5
6		6		6	6
7		7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	●	○	○	○	○	●
●	●	●	○	○	○	○	●	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . **(1.000, -1.000)**
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: **(1.000, -1.000)**
- (A)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .  
 (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (C)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([T]_\beta^\alpha)$ . **(1.000, -1.000)**
- 4.** Assinale V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .  
 (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . **(1.000, -1.000)**
- 6.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([T]_\epsilon^\beta)^t$ ). **(1.500, -1.500)**
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . **(1.000, -1.000)**
- 8.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4	5	6 V-F		
0	○ ○	0	○ ○	0	○ ○	A	○ ○
1	○ ○	1	○ ○	1	○ ○	B	○ ○
2	○ ○	2	○ ○	2	○ ○	C	○ ○
3	○ ○	3	○ ○	3	○ ○	D	○ ○
4	○ ○	4	○ ○	4	○ ○	E	○ ○
5	○ ○	5	○ ○	5	○ ○	F	○ ○
6	○ ○	6	○ ○	6	○ ○		
7	○ ○	7	○ ○	7	○ ○		
8	○ ○	8	○ ○	8	○ ○		
9	○ ○	9	○ ○	9	○ ○		

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	○	○	●	○	●	●
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8		
0	○ ○	0	○ ○
1	○ ○	1	○ ○
2	○ ○	2	○ ○
3	○ ○	3	○ ○
4	○ ○	4	○ ○
5	○ ○	5	○ ○
6	○ ○	6	○ ○
7	○ ○	7	○ ○
8	○ ○	8	○ ○
9	○ ○	9	○ ○

- 1.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .  
 (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (D)  $Im(T) = Nu(T)$   
 (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.  
 (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.  
 (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.  
 (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .  
 (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .  
 (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4	5	6 V-F
A	0	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	4	E
	5	5	5	5	5	F
	6	6	6	6	6	
	7	7	7	7	7	
	8	8	8	8	8	
	9	9	9	9	9	

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\epsilon^\beta^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 7.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	0	A	0	0
B	1	1	1	B	1	1
C	2	2	2	C	2	2
D	3	3	3	D	3	3
E	4	4	4	E	4	4
	5	5	F	5	5	
	6	6		6	6	
	7	7		7	7	
	8	8		8	8	
	9	9		9	9	

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

	7	8
0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Im(T) = Nu(T)$
- (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- 5.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7	8
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

- 1.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$   
 (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .  
 (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .  
 (D)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$   
 (E)  $Im(T) = Nu(T)$
- 3.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- 6.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

	1	2	3	4	5
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

6 V-F	7	8
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
	6 <input type="radio"/>	
	7 <input type="radio"/>	
	8 <input type="radio"/>	
	9 <input type="radio"/>	

- 1.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
- 2.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ .  
(1.000, -1.000)
- 3.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ .  
(1.000, -1.000)
- 4.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ .  
(1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ).  
(1.500, -1.500)
- 6.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ .  
(1.000, -1.000)
- 8.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (B)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (C)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (D)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4	5	6
0	○ ○	A	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	B	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	C	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	D	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	E	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	●	●	○	●	●	○
○	●	●	○	○	○	●	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8 V-F		
0	○ ○	A	○ ○
1	○ ○	B	○ ○
2	○ ○	C	○ ○
3	○ ○	D	○ ○
4	○ ○	E	○ ○
5	○ ○	F	○ ○
6	○ ○		
7	○ ○		
8	○ ○		
9	○ ○		

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
2. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
3. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
4. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

	1	2	3	4	5
0	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○

### CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	●	○	○	○	○	●	●	●
○	●	●	○	○	○	○	●	○	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	6	7	8 V-F
0	○ ○	A ○	A ○ ○
1	○ ○	B ○	B ○ ○
2	○ ○	C ○	C ○ ○
3	○ ○	D ○	D ○ ○
4	○ ○	E ○	E ○ ○
5	○ ○		F ○ ○
6	○ ○		
7	○ ○		
8	○ ○		
9	○ ○		

1. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
2. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
4. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
5. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
7. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  - (E)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	F		5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>			6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>			7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>			8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>			9	<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>

1. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
4. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
5. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
6. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
7. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
8. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4 V-F	5	6		
0	○ ○	0	○ ○	0	○ ○	A	○ ○
1	○ ○	1	○ ○	1	○ ○	B	○ ○
2	○ ○	2	○ ○	2	○ ○	C	○ ○
3	○ ○	3	○ ○	3	○ ○	D	○ ○
4	○ ○	4	○ ○	4	○ ○	E	○ ○
5	○ ○	5	○ ○	5	○ ○	F	○ ○
6	○ ○	6	○ ○	6	○ ○		
7	○ ○	7	○ ○	7	○ ○		
8	○ ○	8	○ ○	8	○ ○		
9	○ ○	9	○ ○	9	○ ○		

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	●	○	○	●	○	●
○	●	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7	8		
0	○ ○	0	○ ○
1	○ ○	1	○ ○
2	○ ○	2	○ ○
3	○ ○	3	○ ○
4	○ ○	4	○ ○
5	○ ○	5	○ ○
6	○ ○	6	○ ○
7	○ ○	7	○ ○
8	○ ○	8	○ ○
9	○ ○	9	○ ○

1. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
4. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : V \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : V \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
5. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
6. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
7. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
8. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	○	0	○
1	○	1	○
2	○	2	○
3	○	3	○
4	○	4	○
5	○	5	○
6	○	6	○
7	○	7	○
8	○	8	○
9	○	9	○

	1	2	3	4	5
0	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	●	●	○	●	●	○	●	○
●	●	○	○	●	○	○	○	●	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	6	7	8 V-F
0	○ ○	A ○	A ○ ○
1	○ ○	B ○	B ○ ○
2	○ ○	C ○	C ○ ○
3	○ ○	D ○	D ○ ○
4	○ ○	E ○	E ○ ○
5	○ ○		F ○ ○
6	○ ○		
7	○ ○		
8	○ ○		
9	○ ○		

1. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
2. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
4. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
6. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
7. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (B)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (C)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  - (E)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

	1	2	3	4	5
0	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	●	●	●	●	●	●
●	●	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6 V-F	7	8
A ○ ○	A ○	0 ○ ○
B ○ ○	B ○	1 ○ ○
C ○ ○	C ○	2 ○ ○
D ○ ○	D ○	3 ○ ○
E ○ ○	E ○	4 ○ ○
F ○ ○		5 ○ ○
		6 ○ ○
		7 ○ ○
		8 ○ ○
		9 ○ ○

1. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
2. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
3. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
4. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
5. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
6. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
7. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- (B)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- (C)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (E)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
8. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	A	0	0
1	B	1	B	1	1
2	C	2	C	2	2
3	D	3	D	3	3
4	E	4	E	4	4
5	F	5		5	5
6		6		6	6
7		7		7	7
8		8		8	8
9		9		9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- 3.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

1. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
2. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
3. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
4. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
6. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (E)  $Im(T) = Nu(T)$
7. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
8. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)



- 1.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 2.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([T]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetivo.
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\beta = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4	5	6
0	A	0	0	0	0
1	B	1	1	1	1
2	C	2	2	2	2
3	D	3	3	3	3
4	E	4	4	4	4
5		5	5	5	5
6		6	6	6	6
7		7	7	7	7
8		8	8	8	8
9		9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7 V-F	8
A	0
B	1
C	2
D	3
E	4
F	5
	6
	7
	8
	9

- 1.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (D)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (E)  $Im(T) = Nu(T)$
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- 8.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2	3	4	5	6
0	○ ○	A	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	B	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	C	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	D	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	E	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○		○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	○	●	○	●	○	○	○
○	○	●	●	○	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7 V-F	8
A	○ ○
B	○ ○
C	○ ○
D	○ ○
E	○ ○
F	○ ○
	○ ○
	○ ○
	○ ○
	○ ○
	○ ○

- 1.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([T]_\beta^\beta)^{-1} = ([T]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 2.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([T]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\beta = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

	1	2	3	4	5
0	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	○	○	○	○	○	○
●	○	○	●	●	○	●	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	6	7	8 V-F
0	○ ○	A ○	A ○ ○
1	○ ○	B ○	B ○ ○
2	○ ○	C ○	C ○ ○
3	○ ○	D ○	D ○ ○
4	○ ○	E ○	E ○ ○
5	○ ○		F ○ ○
6	○ ○		
7	○ ○		
8	○ ○		
9	○ ○		

- 1.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 5.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- (D)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (E)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- 8.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5		5	5	5	F
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (D)  $Im(T) = Nu(T)$
- (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 3.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 7.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 8.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

	1	2	3 V-F	4	5	6
A	○	○	○	○	○	○
B	○	○	○	○	○	○
C	○	○	○	○	○	○
D	○	○	○	○	○	○
E	○	○	○	○	○	○
		○	○	○	○	○
		○		○	○	○
		○		○	○	○
		○		○	○	○
		○		○	○	○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	●	●	○	○	○	○
○	○	○	●	●	○	●	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	7	8
0	○	○
1	○	○
2	○	○
3	○	○
4	○	○
5	○	○
6	○	○
7	○	○
8	○	○
9	○	○

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: **(1.000, -1.000)**
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (D)  $Im(T) = Nu(T)$
- (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). **(1.500, -1.500)**
- 3.** Assinale V ou F: **(2.500, -2.500)**
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- 4.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . **(1.000, -1.000)**
- 5.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . **(1.000, -1.000)**
- 6.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . **(1.000, -1.000)**
- 7.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . **(1.000, -1.000)**
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . **(1.000, -1.000)**

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

1 V-F	2	3	4	5	6
A	A	0	0	0	0
B	B	1	1	1	1
C	C	2	2	2	2
D	D	3	3	3	3
E	E	4	4	4	4
F		5	5	5	5
		6	6	6	6
		7	7	7	7
		8	8	8	8
		9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (B) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- 2.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Im(T) = Nu(T)$
- (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (C)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_{\epsilon}^{\beta} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	A <input type="radio"/> <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	B <input type="radio"/> <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	C <input type="radio"/> <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	D <input type="radio"/> <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	E <input type="radio"/> <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	F <input type="radio"/> <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/> <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/> <input type="radio"/>

1. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
2. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
4. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (B)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (D)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
6. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
7. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
8. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	0	A	0	0
B	1	1	1	B	1	1
C	2	2	2	C	2	2
D	3	3	3	D	3	3
E	4	4	4	E	4	4
	5	5	F	5	5	
	6	6		6	6	
	7	7		7	7	
	8	8		8	8	
	9	9		9	9	

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	●	●	●	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	7	8
0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- 2.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 3.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 4.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2, 2a_0 + a_1, 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8 V-F		
0	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>		
7	<input type="radio"/>		
8	<input type="radio"/>		
9	<input type="radio"/>		

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[T]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
  
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
  
3. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
  
4. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (C)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  
5. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
  
6. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $[I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
  
7. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
  
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	0	A	0	0
B	1	1	1	B	1	1
C	2	2	2	C	2	2
D	3	3	3	D	3	3
E	4	4	4	E	4	4
	5	5	F	5	5	
	6	6		6	6	
	7	7		7	7	
	8	8		8	8	
	9	9		9	9	

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	●	○	○	○	○	○	●	●	○
○	○	●	●	●	○	○	○	●	○
○	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	7	8
0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

	1	2	3	4	5
0	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
1	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
2	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
3	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
4	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
5	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
6	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
7	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
8	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○
9	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○	○ ○

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	●	●	○	●	●	○	○
●	○	○	●	○	○	●	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6 V-F	7	8
A ○ ○	0 ○ ○	A ○
B ○ ○	1 ○ ○	B ○
C ○ ○	2 ○ ○	C ○
D ○ ○	3 ○ ○	D ○
E ○ ○	4 ○ ○	E ○
F ○ ○	5 ○ ○	
	6 ○ ○	
	7 ○ ○	
	8 ○ ○	
	9 ○ ○	

1. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
4. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
5. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
6. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (C) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (D) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
7. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
8. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  - (C)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (E)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	A	0
1	B	1	1	B	1
2	C	2	2	C	2
3	D	3	3	D	3
4	E	4	4	E	4
5	F	5	5		5
6		6	6		6
7		7	7		7
8		8	8		8
9		9	9		9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (B) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- 3.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Im(T) = Nu(T)$
- (C)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (D)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- 6.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 8.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	
6		6	6	6	
7		7	7	7	
8		8	8	8	
9		9	9	9	

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8
0	0
1	1
2	2
3	3
4	4
5	5
6	6
7	7
8	8
9	9

- 1.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (C) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S \rightarrow U$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a + b$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
  - (B)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- 7.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a + b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 8.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

6	7	8		
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		

- 1.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ).  
(1.500, -1.500)
- 3.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ .  
(1.000, -1.000)
- 4.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow U$  T.L. 's tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (E) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- 5.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ .  
(1.000, -1.000)
- 6.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ .  
(1.000, -1.000)
- 7.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ .  
(1.000, -1.000)
- 8.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (B)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (E)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8 V-F	
0	A	<input type="radio"/>
1	B	<input type="radio"/>
2	C	<input type="radio"/>
3	D	<input type="radio"/>
4	E	<input type="radio"/>
5	F	<input type="radio"/>
6		<input type="radio"/>
7		<input type="radio"/>
8		<input type="radio"/>
9		<input type="radio"/>

1. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
4. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  - (B)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (C)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (E)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
6. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
7. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
8. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (E) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
 Centro de Informática  
 Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
 Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	0	0
B	1	1	1	1	1	1
C	2	2	2	2	2	2
D	3	3	3	3	3	3
E	4	4	4	4	4	4
	5	5	5	5	5	5
	6	6	6	6	6	6
	7	7	7	7	7	7
	8	8	8	8	8	8
	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	○	●	○	●	●	●	○	○
●	○	●	●	●	○	○	○	●	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

	7 V-F	8
A	○	0
B	○	1
C	○	2
D	○	3
E	○	4
F	○	5
		6
		7
		8
		9

- 1.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
- (B)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (C)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
- (D)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (E)  $Im(T) = Nu(T)$
- 2.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r: \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\epsilon)^t$ ). (1.500, -1.500)
- 3.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Seja  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $S: P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
- 7.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T: V \rightarrow W$  e  $S: U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
- (B) Se a imagem da T.L.  $T: V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (C) Sejam  $T: V \rightarrow W$  e  $S: U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (D) Se a T.L.  $T: V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (E) Sejam duas T.L.:  $T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (F) Em qualquer operador linear  $T: V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
- 8.** Considere as T.L.:  $T: \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S: \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(Im(T)) + \dim(Nu(T \circ S)) + \dim(Nu(S)) + \dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)





1. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ .  
(1.000, -1.000)
2. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
4. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $Nu(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (B)  $Nu(T)$  é subconjunto próprio de  $Im(T)$ .
  - (C)  $Im(T) = Nu(T)$
  - (D)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $Im(T)$ .
  - (E)  $Im(T) \cap Nu(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
5. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
6. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $dim(Im(T)) + dim(Nu(T \circ S)) + dim(Nu(S)) + dim(Im(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
7. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Im(S \circ T) = Im(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (B) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (C) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bi-jetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $Nu(S \circ T)$  contém propriamente  $Nu(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $Im(T) \cap Nu(S)$ .
  - (F) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $Nu(T) = Im(T)$ .
8. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0
1	1	1
2	2	2
3	3	3
4	4	4
5	5	5
6	6	6
7	7	7
8	8	8
9	9	9

	1	2	3	4	5
0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

	6	7 V-F	8
0	0	A	A
1	1	B	B
2	2	C	C
3	3	D	D
4	4	E	E
5	5	F	
6			
7			
8			
9			

1. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\beta^\beta)^{-1} = ([I]_\beta^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
2. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
3. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
4. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
5. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
6. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
7. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
  - (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
  - (B) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
  - (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
  - (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
  - (F) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
8. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
  - (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
  - (B)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
  - (C)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
  - (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
  - (E)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	○
1	1	○
2	2	○
3	3	○
4	4	○
5	5	○
6	6	○
7	7	○
8	8	○
9	9	○

1	2 V-F	3	4	5
0	A	0	0	0
1	B	1	1	1
2	C	2	2	2
3	D	3	3	3
4	E	4	4	4
5	F	5	5	5
6		6	6	6
7		7	7	7
8		8	8	8
9		9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	●	●	○	○	●	○	○	●
○	○	○	●	○	○	○	○	●	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

6	7	8
0	A	0
1	B	1
2	C	2
3	D	3
4	E	4
5		5
6		6
7		7
8		8
9		9

- 1.** Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
- 2.** Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow V$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (D) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
- (E) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- (F) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- 3.** Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_{\beta}^{\alpha})$ . (1.000, -1.000)
- 4.** Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_{\beta} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
- 5.** Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)
- 6.** Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflete (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}, t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_{\epsilon}^{\beta})^{-1} = ([I]_{\epsilon}^{\beta})^t$ ). (1.500, -1.500)
- 7.** Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (B)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (C)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
- (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (E)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- 8.** Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_{\delta}^{\gamma}$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_{\beta}^{\gamma} = [T]_{\delta}^{\gamma}$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.1  
Terceiro Exercício Escolar - 27/05/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>				<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>				<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>				<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>				<input type="radio"/>

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7	8	
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1. Seja  $T$  o operador do  $\mathbb{R}^2$  que reflète (ortogonalmente) em torno da reta  $r : \begin{cases} x = 3t \\ y = 4t \end{cases}$ ,  $t \in \mathbb{R}$ , e em seguida rotaciona de  $45^\circ$  anti-horário. Se  $T(-25\sqrt{2}, 25\sqrt{2}) = (a, b)$ , então marque  $a+b$ . (Dica: se  $\beta$  é uma base com vetores ortogonais onde ambos têm norma 1, então  $([I]_\epsilon^\beta)^{-1} = ([I]_\epsilon^\beta)^t$ ). (1.500, -1.500)
2. Considere as T.L.:  $T : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$  e  $S : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  dadas por:  $T(x, y, z) = (x - y + z, x - y + z)$  e  $S(x, y) = (2x - y, x + y, 3x)$ . Marque:  $\dim(\text{Im}(T)) + \dim(\text{Nu}(T \circ S)) + \dim(\text{Nu}(S)) + \dim(\text{Im}(S \circ T))$ . (1.000, -1.000)
3. Assinale V ou F: (2.500, -2.500)
- (A) Se a imagem da T.L.  $T : V \rightarrow W$  possui dimensão  $k$  então precisaremos de pelo menos  $k$  equações no sistema homogêneo que descreve o seu núcleo.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Im}(S \circ T) = \text{Im}(S)$ . Então  $T$  é sobrejetiva.
- (C) Se a T.L.  $T : V \rightarrow W$  é injetiva e sua imagem possui dimensão 10, então  $V$  tem dimensão 10.
- (D) Em qualquer operador linear  $T : V \rightarrow V$ , pode ocorrer  $\text{Nu}(T) = \text{Im}(T)$ .
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : U \rightarrow W$  T.L.'s tais que  $\text{Nu}(S \circ T)$  contém propriamente  $\text{Nu}(T)$ . Então existe vetor não nulo em  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(S)$ .
- (F) Sejam duas T.L.:  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^3$  e  $S : \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^2$ . Para o operador  $S \circ T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  ser bijetivo basta que  $T$  seja injetivo e  $S$  sobrejetivo.
4. Considere as seguintes bases do  $\mathbb{R}^2$ :  $\alpha = \{(-2, 1), (3, 1)\}$  e  $\beta = \{(1, 1), (1, 0)\}$ . Assinale  $\det([I]_\beta^\alpha)$ . (1.000, -1.000)
5. Considere o operador do  $\mathbb{R}^4$  dado por:  $T(x, y, z, w) = (x - z + y, 2y - z + w, x + 3y - 2z + w, x - y - w)$ . Assinale a alternativa correta: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 0, 1, 1), (-1, -1, -2, 0), (0, 1, 1, -1)\}$  é uma base de  $\text{Im}(T)$ .
- (B)  $\text{Nu}(T)$  é subconjunto próprio de  $\text{Im}(T)$ .
- (C)  $\text{Nu}(T) = [(1, 1, 2, 0), (-1, -1, 0, 2)]$
- (D)  $\text{Im}(T) \cap \text{Nu}(T) = [(1, 2, 3, -1)]$
- (E)  $\text{Im}(T) = \text{Nu}(T)$
6. Sejam  $\beta = \{u_1, u_2\}$  e  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  T.L. tal que  $T(u_1) = (2, 1)$  e  $T(u_2) = (1, -1)$ . Se  $u_3$  é tal que  $T(u_3) = (5, -2)$  e  $[u_3]_\beta = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ , então marque  $a+b$ . (1.000, -1.000)
7. Seja  $T : \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$  isomorfismo, e  $\gamma$  e  $\delta$  bases do  $\mathbb{R}^2$ . Como  $T$  é bijetiva,  $[T]_\delta^\gamma$  é invertível. Logo, existe uma base  $\beta$  do  $\mathbb{R}^2$  tal que  $[I]_\beta^\gamma = [T]_\delta^\gamma$ . Se  $T(x, y) = (x - y, x + y)$ ,  $\gamma = \{(1, 1), (1, -1)\}$ ,  $\delta = \{(2, 0), (1, 2)\}$  e  $\beta = \{u_1, u_2\}$  então marque  $2(\|u_1\|^2 + \|u_2\|^2)$ . (1.000, -1.000)
8. Seja  $S : P_2 \rightarrow M_{1 \times 3}$  dada por:  $S(a_0 + a_1t + a_2t^2) = (a_0 + a_1 - a_2 \quad 2a_0 + a_1 \quad 2a_1 + a_2)$ . Se  $p(t) = S^{-1}(4 \ 8 \ 5)$  então marque  $p(4)$ . (1.000, -1.000)