

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1	2	3	4	5	6
0 ○ ○	0 ○ ○	A ○	0 ○ ○	A ○	0 ○ ○
1 ○ ○	1 ○ ○	B ○	1 ○ ○	B ○	1 ○ ○
2 ○ ○	2 ○ ○	C ○	2 ○ ○	C ○	2 ○ ○
3 ○ ○	3 ○ ○	D ○	3 ○ ○	D ○	3 ○ ○
4 ○ ○	4 ○ ○	E ○	4 ○ ○	E ○	4 ○ ○
5 ○ ○	5 ○ ○		5 ○ ○		5 ○ ○
6 ○ ○	6 ○ ○		6 ○ ○		6 ○ ○
7 ○ ○	7 ○ ○		7 ○ ○		7 ○ ○
8 ○ ○	8 ○ ○		8 ○ ○		8 ○ ○
9 ○ ○	9 ○ ○		9 ○ ○		9 ○ ○

7 V-F
A ○ ○
B ○ ○
C ○ ○
D ○ ○
E ○ ○
F ○ ○
G ○ ○
H ○ ○
I ○ ○
J ○ ○

1. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
2. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
3. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\epsilon} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$   
 (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$   
 (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$   
 (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
4. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
5. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .  
 (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.  
 (C) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.  
 (D) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.  
 (E) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
6. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
7. (3.000, -3.000)
- (A) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.  
 (B) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .  
 (C) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .  
 (D) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.  
 (E) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..  
 (F) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .  
 (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.  
 (H) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .  
 (I) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.  
 (J) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	A	A	0	0
B	1	B	B	1	1
C	2	C	C	2	2
D	3	D	D	3	3
E	4	E	E	4	4
	5		F	5	5
	6		G	6	6
	7		H	7	7
	8		I	8	8
	9		J	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (B)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$   
 (C)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$   
 (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$   
 (E)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
2. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
3. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.  
 (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.  
 (C) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.  
 (D) O operador  $T$  não é diagonalizável.  
 (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
4. (3.000, -3.000)
- (A) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.  
 (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .  
 (C) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (D) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.  
 (E) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.  
 (F) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.  
 (G) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.  
 (H) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .  
 (I) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .  
 (J) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
6. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
7. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :
- $$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}, \text{ onde } a \in \mathbb{R}. \text{ Considere os valores que } a \text{ não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é:}$$
- (1.250, -1.250)

2. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é:
- (1.000, -1.000)

3. (3.000, -3.000)

- (A) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (B) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (C) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (D) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (E) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (F) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\beta}^{\beta} \times [T]_{\alpha}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\alpha}^{\alpha} \times [S]_{\beta}^{\beta}$ .
- (I) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.

- (J) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.

4. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é:
- (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (B)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$   
 (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$   
 (E)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$

5. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é:
- (1.250, -1.250)

6. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ .
- (1.250, -1.250)

7. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta:
- (1.250, -1.250)

- (A) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.  
 (B) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.  
 (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .  
 (D) O operador  $T$  não é diagonalizável.  
 (E) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (D)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (E)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$

2. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

3. (3.000, -3.000)

- (A) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (B) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (C) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (D) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (E) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (F) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (G) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .

- (H) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (I) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (J) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .

4. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .
- (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.

5. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

6. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F		
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		F	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		G	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		H	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		I	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>		J	<input type="radio"/>

7	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>

1. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
2. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
3. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)
4. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
5. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
  - (B) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
  - (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
  - (D) O operador  $T$  não é diagonalizável.
  - (E) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
6. (3.000, -3.000)
- (A) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (B) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
  - (C) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
  - (D) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
  - (E) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
  - (G) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
  - (H) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
  - (I) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
  - (J) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
7. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
  - (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
  - (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
  - (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
  - (E)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	<input type="radio"/>	A	0	<input type="radio"/>
B	1	<input type="radio"/>	B	1	<input type="radio"/>
C	2	<input type="radio"/>	C	2	<input type="radio"/>
D	3	<input type="radio"/>	D	3	<input type="radio"/>
E	4	<input type="radio"/>	E	4	<input type="radio"/>
	5	<input type="radio"/>	F	5	<input type="radio"/>
	6	<input type="radio"/>	G	6	<input type="radio"/>
	7	<input type="radio"/>	H	7	<input type="radio"/>
	8	<input type="radio"/>	I	8	<input type="radio"/>
	9	<input type="radio"/>	J	9	<input type="radio"/>

7	
0	<input type="radio"/>
1	<input type="radio"/>
2	<input type="radio"/>
3	<input type="radio"/>
4	<input type="radio"/>
5	<input type="radio"/>
6	<input type="radio"/>
7	<input type="radio"/>
8	<input type="radio"/>
9	<input type="radio"/>

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$

2. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

3. (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (B) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (C) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (D) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (E) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(Im(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (F) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (G) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.

- (H) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (I) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (J) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.

4. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

6. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (C) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (D) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .

7. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: **(1.250, -1.250)**
2. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: **(1.250, -1.250)**
3. **(3.000, -3.000)**
- (A) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (B) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (C) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (D) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (E) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (F) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (G) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(Im(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (H) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
- (I) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D.
- (J) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
4. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: **(1.250, -1.250)**
- (A) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .
- (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (E) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: **(1.000, -1.000)**
6. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: **(1.000, -1.000)**
- (A)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (C)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (D)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (E)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
7. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . **(1.250, -1.250)**

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

**1.** (3.000, -3.000)

- (A) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (C) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (D) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (E) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(Im(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (F) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (G) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (H) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (I) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (J) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .

**2.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.

- (D) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .

**3.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

**4.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$

**5.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

**6.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

**7.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :
- $$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}, \text{ onde } a \in \mathbb{R}. \text{ Considere os valores que } a \text{ não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é:}$$
- (1.250, -1.250)
2. (3.000, -3.000)
- (A) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (B) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (C) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (D) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (E) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
- (G) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (H) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (I) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (J) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
3. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_\beta^\alpha = [T]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (B)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (C)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
4. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)
6. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (B) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (E) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
7. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é (2,1,3).
  - (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
  - (C) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
  - (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
  - (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.
2. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
3. (3.000, -3.000)
- (A) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
  - (B) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
  - (C) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
  - (D) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
  - (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
  - (F) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
  - (G) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (H) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
  - (I) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
  - (J) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
4. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
5. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
  - (B)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
  - (C)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
  - (D)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
  - (E)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
6. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)
7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>
I <input type="radio"/>
J <input type="radio"/>

- 1.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$   
 (B)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (C)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$   
 (D)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$   
 (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- 2.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) O operador  $T$  não é diagonalizável.  
 (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.  
 (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .  
 (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.  
 (E) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- 3.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
- 4.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
- 5.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
- 6.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
- 7.** (3.000, -3.000)
- (A) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.  
 (B) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .  
 (C) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.  
 (D) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.  
 (E) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.  
 (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .  
 (G) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .  
 (H) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.  
 (I) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .  
 (J) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	I <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	J <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (E)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$

2. (3.000, -3.000)

- (A) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (B) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (D) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (E) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (F) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(Im(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (G) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (H) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (I) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D.
- (J) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.

3. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ : 
$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

4. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (B) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .
- (C) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (D) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (E) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.

5. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

6. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

7. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>
I <input type="radio"/>
J <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

2. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

3. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)

4. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_\beta^\alpha = [T]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$

5. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

6. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (B) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.

7. (3.000, -3.000)

- (A) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (B) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\beta^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
- (C) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (D) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (E) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (F) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (G) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (H) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (I) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (J) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

2. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
- (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.

3. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

4. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

5. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

6. (3.000, -3.000)

- (A) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (B) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (C) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (D) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (E) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (F) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (G) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (H) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (I) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\beta}^{\beta} \times [T]_{\alpha}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\alpha}^{\alpha} \times [S]_{\beta}^{\beta}$ .
- (J) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .

7. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (B)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A	0	0	0	0	A
B	1	1	1	1	B
C	2	2	2	2	C
D	3	3	3	3	D
E	4	4	4	4	E
F	5	5	5	5	
G	6	6	6	6	
H	7	7	7	7	
I	8	8	8	8	
J	9	9	9	9	

7
A
B
C
D
E

**1.** (3.000, -3.000)

- (A) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (B) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (C) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (D) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\beta}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (F) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (G) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (H) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (I) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (J) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .

**2.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

**3.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os

valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

**4.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

**5.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

**6.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (C)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (E)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$

**7.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- (D) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (E) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		I <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		J <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: **(1.250, -1.250)**
2. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: **(1.250, -1.250)**
3. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: **(1.000, -1.000)**
4. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: **(1.250, -1.250)**
- (A) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
  - (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.
  - (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
  - (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
  - (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
5. **(3.000, -3.000)**
- (A) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .
  - (B) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
  - (C) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (D) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
- (F) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (I) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (J) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
6. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . **(1.250, -1.250)**
7. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: **(1.000, -1.000)**
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
  - (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
  - (C)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
  - (D)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
  - (E)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>		I <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		J <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
2. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
  - (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.
  - (C) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
  - (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
  - (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
3. (3.000, -3.000)
- (A) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
  - (B) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
  - (C) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
  - (D) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
  - (E) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
  - (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
  - (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
  - (I) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
  - (J) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
4. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
6. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
  - (B)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
  - (C)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
  - (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
  - (E)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	0	0	0	A
1	B	1	1	1	B
2	C	2	2	2	C
3	D	3	3	3	D
4	E	4	4	4	E
5	F	5	5	5	
6	G	6	6	6	
7	H	7	7	7	
8	I	8	8	8	
9	J	9	9	9	

7
A
B
C
D
E

1. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
2. (3.000, -3.000)
- (A) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (B) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (D) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (E) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (F) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (I) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (J) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
3. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
4. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
6. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (C)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
7. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- (B) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (D) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	A	<input type="radio"/>	A
1	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	B	<input type="radio"/>	B
2	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	C	<input type="radio"/>	C
3	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	D	<input type="radio"/>	D
4	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	E	<input type="radio"/>	E
5	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	F	<input type="radio"/>	
6	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	G	<input type="radio"/>	
7	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	H	<input type="radio"/>	
8	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	I	<input type="radio"/>	
9	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	J	<input type="radio"/>	

7	
A	<input type="radio"/>
B	<input type="radio"/>
C	<input type="radio"/>
D	<input type="radio"/>
E	<input type="radio"/>

1. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
2. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
3. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ : 
$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
4. (3.000, -3.000)
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
- (B) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (C) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (D) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (E) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (F) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (G) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (H) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (I) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (J) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)
6. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
7. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>	
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
2. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$   
 (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$   
 (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$   
 (E)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
3. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
4. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
5. (3.000, -3.000)
- (A) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .  
 (B) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .  
 (C) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.  
 (D) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (E) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (F) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (I) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (J) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
6. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.  
 (B) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.  
 (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.  
 (D) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .  
 (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.
7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>			5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>			6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>			7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
I <input type="radio"/>			8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
J <input type="radio"/>			9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

**1.** (3.000, -3.000)

- (A) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (B) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (C) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (D) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (E) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (G) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (H) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (I) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (J) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..

**2.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (E)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$

**3.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (B) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (C) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (D) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.

**4.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

**5.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

**6.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

**7.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	○	●	●	●	○	●	●	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

1 V-F	2	3	4	5	6
A ○ ○	0 ○ ○	0 ○ ○	A ○	A ○	0 ○ ○
B ○ ○	1 ○ ○	1 ○ ○	B ○	B ○	1 ○ ○
C ○ ○	2 ○ ○	2 ○ ○	C ○	C ○	2 ○ ○
D ○ ○	3 ○ ○	3 ○ ○	D ○	D ○	3 ○ ○
E ○ ○	4 ○ ○	4 ○ ○	E ○	E ○	4 ○ ○
F ○ ○	5 ○ ○	5 ○ ○			5 ○ ○
G ○ ○	6 ○ ○	6 ○ ○			6 ○ ○
H ○ ○	7 ○ ○	7 ○ ○			7 ○ ○
I ○ ○	8 ○ ○	8 ○ ○			8 ○ ○
J ○ ○	9 ○ ○	9 ○ ○			9 ○ ○

7
0 ○ ○
1 ○ ○
2 ○ ○
3 ○ ○
4 ○ ○
5 ○ ○
6 ○ ○
7 ○ ○
8 ○ ○
9 ○ ○

- 1.** (3.000, -3.000)
- (A) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (B) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (C) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (D) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (F) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (I) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (J) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- 2.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
- 3.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
- 4.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (B)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- 5.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (D) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- 6.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
- 7.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

**1.** (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (B) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (C) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (D) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (E) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(Im(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (F) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (G) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (H) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (I) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (J) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .

**2.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .

- (D) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (E) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.

**3.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

**4.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (C)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (E)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$

**5.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

**6.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

**7.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	0	0	A	A
B	1	1	1	B	B
C	2	2	2	C	C
D	3	3	3	D	D
E	4	4	4	E	E
	5	5	5	F	
	6	6	6	G	
	7	7	7	H	
	8	8	8	I	
	9	9	9	J	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$   
 (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$   
 (C)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$   
 (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
2. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
3. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
4. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
5. (3.000, -3.000)
- (A) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.  
 (B) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .  
 (C) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (D) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.  
 (E) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.  
 (F) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..  
 (G) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .  
 (H) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .  
 (I) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.  
 (J) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
6. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.  
 (B) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.  
 (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .  
 (D) O operador  $T$  não é diagonalizável.  
 (E) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
7. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	A	0
1	B	B	1	B	1
2	C	C	2	C	2
3	D	D	3	D	3
4	E	E	4	E	4
5	F		5		5
6	G		6		6
7	H		7		7
8	I		8		8
9	J		9		9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

- 1.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: **(1.000, -1.000)**
- 2.** **(3.000, -3.000)**
- (A) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (B) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (D) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (E) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (F) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (G) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (H) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (I) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (J) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- 3.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: **(1.250, -1.250)**
- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (B) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (C) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (D) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .
- 4.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . **(1.250, -1.250)**
- 5.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: **(1.000, -1.000)**
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- 6.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: **(1.250, -1.250)**
- 7.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: **(1.250, -1.250)**

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (B)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$

2. (3.000, -3.000)

- (A) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (B) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (C) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (D) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (E) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (F) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (G) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (H) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (I) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (J) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..

3. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (B) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (C) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (D) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .
- (E) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.

4. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

6. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ : 
$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

7. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

			●				●	●	●					
●		●							●					
●														

1	2	3	4	5	6
0	0	0	A	0	A
1	1	1	B	1	B
2	2	2	C	2	C
3	3	3	D	3	D
4	4	4	E	4	E
5	5	5		5	
6	6	6		6	
7	7	7		7	
8	8	8		8	
9	9	9		9	

7 V-F
A
B
C
D
E
F
G
H
I
J

1. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)

2. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

3. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

4. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_\beta^\alpha = [T]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (B)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$

5. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

6. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (C) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .

7. (3.000, -3.000)

- (A) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (B) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
- (D) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (E) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (F) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (G) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (H) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (I) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (J) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
A	0	A	0	0	A
B	1	B	1	1	B
C	2	C	2	2	C
D	3	D	3	3	D
E	4	E	4	4	E
	5	F	5	5	
	6	G	6	6	
	7	H	7	7	
	8	I	8	8	
	9	J	9	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
  - (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.
  - (C) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
  - (D) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
  - (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
2. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
3. (3.000, -3.000)
- (A) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
  - (B) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
  - (C) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
  - (D) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
  - (E) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
  - (F) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
  - (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
  - (H) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\beta^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
  - (I) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
  - (J) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
4. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)
5. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
6. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
  - (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
  - (C)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
  - (D)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
  - (E)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
7. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>
	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>
	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (E)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$

2. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

3. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

4. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (D) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .

5. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

6. (3.000, -3.000)

- (A) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (B) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (C) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (D) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (E) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (F) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (I) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (J) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.

7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2 V-F	3	4	5	6
0	A	A	0	0	0
1	B	B	1	1	1
2	C	C	2	2	2
3	D	D	3	3	3
4	E	E	4	4	4
5	F		5	5	5
6	G		6	6	6
7	H		7	7	7
8	I		8	8	8
9	J		9	9	9

7
A
B
C
D
E

1. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)
2. (3.000, -3.000)
- (A) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (B) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (C) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
- (D) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (E) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (F) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (I) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (J) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
3. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .
- (B) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (C) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (D) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (E) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
4. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
5. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
6. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
7. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (E)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	
G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	
H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	
I <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	
J <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. (3.000, -3.000)

- (A) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (B) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (C) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (D) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (E) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (F) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (G) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (H) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (I) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
- (J) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.

2. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

3. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

4. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (B) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (C) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (D) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .

5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)

6. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (B)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (C)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$

7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>

7 V-F
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>
I <input type="radio"/>
J <input type="radio"/>

- 1.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
- 2.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
- 3.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$   
 (B)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$   
 (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$   
 (E)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- 4.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
- 5.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) O operador  $T$  não é diagonalizável.  
 (B) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.  
 (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .  
 (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.  
 (E) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- 6.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
- 7.** (3.000, -3.000)
- (A) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.  
 (B) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .  
 (C) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .  
 (D) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .  
 (E) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.  
 (F) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..  
 (G) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.  
 (H) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.  
 (I) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\beta}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .  
 (J) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3 V-F	4	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :
- $$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}, \text{ onde } a \in \mathbb{R}. \text{ Considere os valores que } a \text{ não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é:}$$
- (1.250, -1.250)
2. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é:
- (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$   
 (B)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$   
 (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (D)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$   
 (E)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
3. (3.000, -3.000)
- (A) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.  
 (B) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.  
 (C) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .  
 (D) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.  
 (E) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.  
 (F) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .  
 (G) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (H) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .  
 (I) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..  
 (J) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
4. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) O operador  $T$  não é diagonalizável.  
 (B) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.  
 (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .  
 (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.  
 (E) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
5. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
6. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
7. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>			F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>			G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>			H <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>			I <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>			J <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

2. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

3. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

4. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (D)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$

5. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (B) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (C) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (D) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .

6. (3.000, -3.000)

- (A) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (B) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (C) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (D) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (F) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (G) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (H) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (I) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (J) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .

7. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1 V-F	2	3	4	5	6
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
F <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
G <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
H <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
I <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
J <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

**1.** (3.000, -3.000)

- (A) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (B) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (C) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (D) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
- (E) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (F) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (G) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (H) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (I) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (J) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .

**2.** Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (B) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (C) O operador  $T$  não é diagonalizável.

- (D) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .

**3.** Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

**4.** Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (D)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (E)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$

**5.** Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

**6.** Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

**7.** Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5	6 V-F
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>

7
0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>

1. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

2. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (B) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
- (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (D) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
- (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.

3. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)

4. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_\beta^\alpha = [T]_\epsilon^\epsilon = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (B)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
- (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (E)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$

5. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

6. (3.000, -3.000)

- (A) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (B) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (C) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (D) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (E) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (F) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (G) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (H) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (I) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (J) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .

7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
5 <input type="radio"/>		5 <input type="radio"/>	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
6 <input type="radio"/>		6 <input type="radio"/>	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
7 <input type="radio"/>		7 <input type="radio"/>	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
8 <input type="radio"/>		8 <input type="radio"/>	I <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
9 <input type="radio"/>		9 <input type="radio"/>	J <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

7
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :
- $$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}, \text{ onde } a \in \mathbb{R}. \text{ Considere os valores que } a \text{ não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: } \quad (1.250, -1.250)$$
2. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta:  $(1.250, -1.250)$
- (A) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
  - (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.
  - (C) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .
  - (D) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
  - (E) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
3. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ .  $(1.250, -1.250)$
4.  $(3.000, -3.000)$
- (A) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
  - (B) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
  - (C) A área do triângulo de vértices  $(1, 0, 0)$ ,  $(2, 1, 3)$  e  $(1, 1, 1)$  é  $\sqrt{3}$ .
  - (D) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
  - (E) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
  - (F) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
  - (G) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
  - (H) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
  - (I) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
  - (J) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é:  $(1.000, -1.000)$
6. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é:  $(1.250, -1.250)$
7. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é:  $(1.000, -1.000)$
- (A)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
  - (B)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
  - (C)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
  - (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
  - (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4	5 V-F	6
A	0	0	A	A	0
B	1	1	B	B	1
C	2	2	C	C	2
D	3	3	D	D	3
E	4	4	E	E	4
	5	5		F	5
	6	6		G	6
	7	7		H	7
	8	8		I	8
	9	9		J	9

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é (2,1,3).
  - (B) Um autovetor de  $T$  é (-2, 1, 3) e seu autovalor associado é 4.
  - (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
  - (D) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
  - (E) O operador  $T$  não é diagonalizável.
2. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_\alpha^\alpha$  é: (1.000, -1.000)
3. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
4. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_\beta^\alpha = [I]_\epsilon^\beta = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
  - (B)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
  - (C)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
  - (D)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
  - (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
5. (3.000, -3.000)
- (A) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (B) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
  - (C) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
  - (D) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .
  - (E) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
  - (F) A área do triângulo de vértices (1,0,0), (2,1,3) e (1,1,1) é  $\sqrt{3}$ .
  - (G) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
  - (H) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_\alpha^\alpha = [S]_\alpha^\beta \times [T]_\beta^\alpha$ , enquanto que  $[T \circ S]_\beta^\beta = [T]_\beta^\alpha \times [S]_\alpha^\beta$ .
  - (I) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
  - (J) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
6. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)
7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

### CONTROLE MIXNFIX

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

<b>1</b>	<b>2 V-F</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>
A <input type="radio"/>	A <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>	0 <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>	B <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>	1 <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>	C <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>	2 <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>	D <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>	3 <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>	E <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>	4 <input type="radio"/>
	F <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>	5 <input type="radio"/>
	G <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>	6 <input type="radio"/>
	H <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>	7 <input type="radio"/>
	I <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>	8 <input type="radio"/>
	J <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>	9 <input type="radio"/>

<b>7</b>
A <input type="radio"/>
B <input type="radio"/>
C <input type="radio"/>
D <input type="radio"/>
E <input type="radio"/>

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (D)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$

2. (3.000, -3.000)

- (A) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (B) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (C) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (D) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D.
- (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .
- (F) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (G) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (H) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(Im(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (I) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (J) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.

3. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)

4. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

5. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

6. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

7. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (B) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (D) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .

Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

### IDENTIFICAÇÃO ALUNO

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

1	2	3	4	5	6 V-F
0 ○ ○	A ○	0 ○ ○	A ○	0 ○ ○	A ○ ○
1 ○ ○	B ○	1 ○ ○	B ○	1 ○ ○	B ○ ○
2 ○ ○	C ○	2 ○ ○	C ○	2 ○ ○	C ○ ○
3 ○ ○	D ○	3 ○ ○	D ○	3 ○ ○	D ○ ○
4 ○ ○	E ○	4 ○ ○	E ○	4 ○ ○	E ○ ○
5 ○ ○		5 ○ ○		5 ○ ○	F ○ ○
6 ○ ○		6 ○ ○		6 ○ ○	G ○ ○
7 ○ ○		7 ○ ○		7 ○ ○	H ○ ○
8 ○ ○		8 ○ ○		8 ○ ○	I ○ ○
9 ○ ○		9 ○ ○		9 ○ ○	J ○ ○

### CONTROLE MIXNFIX

○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
●	●	●	●	●	●	○	○	○	○
●	●	●	○	●	○	○	○	○	○
●	○	●	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○
○	○	○	○	○	○	○	○	○	○

7
0 ○ ○
1 ○ ○
2 ○ ○
3 ○ ○
4 ○ ○
5 ○ ○
6 ○ ○
7 ○ ○
8 ○ ○
9 ○ ○

1. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gramm Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)

2. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)

- (A) O operador  $T$  não é diagonalizável.
- (B) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.
- (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.
- (D) O operador  $T$  possui um auto-espço de dimensão 2.
- (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2, 1, 3)$ .

3. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $dist(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)

4. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[I]_{\beta}^{\alpha} = [I]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)

- (A)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$
- (B)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$
- (C)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$
- (D)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$
- (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$

5. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)

6. (3.000, -3.000)

- (A) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $dim(Im(T)) = d$ , e  $dim(V) = k \times dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $dim(Nu(T)) = k \times d$ .
- (B) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..
- (C) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.
- (D) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.
- (E) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.
- (F) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (G) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
- (H) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.
- (I) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .
- (J) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .

7. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  $\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$ , onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)



Universidade Federal de Pernambuco  
Centro de Informática  
Álgebra Vetorial e Linear Para Computação-2008.2  
Exercício Escolar Final - 05/12/2008

Nome: \_\_\_\_\_ Identificação: \_\_\_\_\_

*IDENTIFICAÇÃO ALUNO*

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2	2
3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3	3
4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4	4
5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5	5
6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6	6
7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7	7
8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8	8
9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9	9

*CONTROLE MIXNFIX*

<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input checked="" type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>
<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>	<input type="radio"/>

1	2	3	4 V-F	5	6
A	0	0	A	0	A
B	1	1	B	1	B
C	2	2	C	2	C
D	3	3	D	3	D
E	4	4	E	4	E
	5	5	F	5	
	6	6	G	6	
	7	7	H	7	
	8	8	I	8	
	9	9	J	9	

7
0
1
2
3
4
5
6
7
8
9

1. Considere  $\alpha$  e  $\beta$  bases do  $\mathbb{R}^3$  e  $\epsilon$  a base canônica do  $\mathbb{R}^3$ . Se  $[T]_{\beta}^{\alpha} = [T]_{\epsilon}^{\beta} = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 1 & 2 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \end{pmatrix}$ ; então a base  $\alpha$  é: (1.000, -1.000)
- (A)  $\{(1, 1, 2), (-1, 2, -1), (0, 1, 1)\}$   
 (B)  $\{(0, 5, 3), (-3, 2, -5), (-1, 3, 0)\}$   
 (C)  $\{(1, -1, 0), (1, 2, 1), (2, -1, 1)\}$   
 (D)  $\{(1, 5, 0), (1, 2, -5), (3, -1, 5)\}$   
 (E)  $\{(3, -1, 0), (0, 3, 1), (0, 5, 1)\}$
2. Considere o operador linear:  $T(x, y, z) = (x - y + z, -x + 3y + z, -3x - y + 5z)$ . Seja  $\alpha = \{(1, 0, 1), (1, -1, 1), (0, 1, 1)\}$  base do  $\mathbb{R}^3$ . A soma dos elementos de  $[T]_{\alpha}^{\alpha}$  é: (1.000, -1.000)
3. Seja  $\alpha = \{v_1, v_2, v_3\}$  a base do  $\mathbb{R}^3$  (p.i. usual) resultante da aplicação do método de Gram-Schmidt (ordem padrão) à base  $\{(1, 1, 1), (1, -1, 1), (2, 1, 1)\}$ . O coeficiente de Fourier do vetor  $(5, 16, -8)$  com relação a  $v_3$  é: (1.250, -1.250)
4. (3.000, -3.000)
- (A) Se uma matriz quadrada  $A$  ao ser substituída no seu polinômio característico resulta numa matriz nula, então  $A$  é diagonalizável.  
 (B) Em  $P_1$  equipado com o p.i.  $\langle f, g \rangle = \int_0^1 f(t)g(t)dt$ , o polinômio  $1 - t$  é ortogonal ao polinômio  $1 + t$ .  
 (C) As imagens de dois vetores ortogonais por um operador ortogonal são ortogonais.  
 (D) Autovetores associados a autovalores distintos são L.I., e, conseqüentemente, autovetores associados ao mesmo autovalor são L.D..  
 (E) Sejam  $T : V \rightarrow W$  e  $S : W \rightarrow V$  duas transformações lineares e  $\alpha$  uma base de  $V$  e  $\beta$  uma base de  $W$ . Podemos dizer que  $[S \circ T]_{\alpha}^{\alpha} = [S]_{\alpha}^{\beta} \times [T]_{\beta}^{\alpha}$ , enquanto que  $[T \circ S]_{\beta}^{\beta} = [T]_{\beta}^{\alpha} \times [S]_{\alpha}^{\beta}$ .  
 (F) A área do triângulo de vértices  $(1,0,0)$ ,  $(2,1,3)$  e  $(1,1,1)$  é  $\sqrt{3}$ .
- (G) Seja  $T$  um operador de  $V$  que é auto-adjunto. A matriz de  $T$  é simétrica independente da base.  
 (H) Considere a transformação linear cuja matriz canônica é  $\begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 1 & 1 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$ . Apesar das linhas de sua matriz serem L.D., a transformação é injetiva.  
 (I) Se  $T : V \rightarrow W$  é uma transformação linear onde  $\dim(\text{Im}(T)) = d$ , e  $\dim(V) = k \times \dim(W)$ . Se  $T$  é sobrejetiva, então  $\dim(\text{Nu}(T)) = k \times d$ .  
 (J) Duas retas reversas sempre admitem a existência de uma única terceira reta que é ortogonal às duas e que intersecta ambas.
5. Considere o sistema com soluções em  $\mathbb{R}^3$ :  

$$\begin{cases} ax + y + 2z = 1 \\ x + ay - z = 0 \\ x + y + az = 0 \end{cases}$$
, onde  $a \in \mathbb{R}$ . Considere os valores que  $a$  não pode assumir se quisermos que o sistema admita solução única. A soma destes valores é: (1.250, -1.250)
6. Considere o  $T$  operador linear do  $\mathbb{R}^3$  dado por:  $T(x, y, z) = (2x + y + z, x - y + z, 3x + 2z)$ . Escolha a alternativa correta: (1.250, -1.250)
- (A) O operador  $T$  possui um auto-espaço de dimensão 2.  
 (B) Um autovetor de  $T$  é  $(-2, 1, 3)$  e seu autovalor associado é 4.  
 (C) A soma dos autovalores de  $T$  é 4.  
 (D) O operador  $T$  não é diagonalizável.  
 (E) Um autovalor de  $T$  é -1 e um autovetor de  $T$  é  $(2,1,3)$ .
7. Considere os dois planos:  $\pi_1 : 2x + y - 2z = 4$  e  $\pi_2 : x + 2y + z = 1$  e a reta  $r : \begin{cases} x = 1 + 2t \\ y = 1 - t \\ z = 2 - t \end{cases}$  com  $t \in \mathbb{R}$ ; marque  $\text{dist}(r \cap \pi_2, \pi_1)$ . (1.250, -1.250)