Universidade Federal de Pernambuco (UFPE) Centro de Informática (CIn) Graduação em Ciência da Computação e Engenharia da Computação

> Informática Teórica (IF689) 1º Semestre de 2011 Prova de 2º Chamada 06 de Julho de 2011

1. (1,0) (Linguagens Regulares)

Para cada uma das linguagens abaixo, diga se é ou não regular, provando sua resposta.:

- (i) Seja $B = \{1^k y \mid y \in \{0, 1\}^* \text{ e } y \text{ contém no mínimo } k \text{ 1's, para } k \ge 1\}.$
- (ii) Seja $C = \{1^k y \mid y \in \{0, 1\}^* \text{ e } y \text{ contém no máximo } k \text{ 1's, para } k \ge 1\}.$

2. (1,0) (Autômatos com Pilha)

Projete um AP para aceitar a linguagem $L = \{xy \mid x, y \in \{0, 1\}^* \text{ e } |x| = |y|,$ mas x não pode ser a cadeia reversa de y }. Descreva o papel de cada estado no AP.

3. (2,0) (Decidibilidade)

Para cada uma dos problemas de decisão abaixo, formule uma linguagem correspondente, e diga se ela é decidível, Turing-reconhecível, ou nem sequer Turing-reconhecível, provando sua resposta:

- (i) Dado um AFD A, a linguagem de A é finita?
- (ii) Dada uma MT M, a linguagem de M é { $\langle M \rangle$ }?

4. (2,0) (Redutibilidade)

Prove que o problema de se decidir se a linguagem de uma dada máquina de Turing M é regular não é solúvel por algoritmo. (Formule o problema através da definição de uma linguagem simbólica contendo as instâncias positivas do problema, e mostre que essa linguagem é indecidível, usando o fato de que o problema da aceitação de palavras por máquinas de Turing não é decidível.)

5. (2,0) (Complexidade de Tempo)

Enuncie e dê um esboço da demonstração do Teorema de Cook-Levin.

6. (2,0) (Complexidade de Espaço)

Enuncie e dê um esboo da demonstração o Teorema de Savitch.