



Primeira Prova — 22 de maio de 2015

- Esta prova tem 04 questões.
- A duração da prova é de 02h00min.

■ QUESTÃO 1 (2,5pt)

Considere o seguinte programa.

Algoritmo *quantostem*

Entrada *head*, ponteiro para uma lista de n inteiros.

Saída Um inteiro $\leq n$

```
1  $c \leftarrow 0$ 
2  $m \leftarrow n$ 
3 enquanto  $m > 0$  faça
4    $v \leftarrow \text{random\_int}()$ 
5   se  $\text{list\_find}(\text{head}, v) \neq \perp$  então
6      $c \leftarrow c + 1$ 
7   fim se
8    $m \leftarrow m/2$ 
9 fim faça
10 devolva  $c$ 
fim
```

Indique a complexidade do algoritmo acima a) no melhor caso, e b) no pior caso, supondo que a função *random_int* retorna um número inteiro (pseudo-)aleatório em tempo constante.

■ QUESTÃO 2 (2,5pt)

Considere uma modificação do Algoritmo Mergesort visto em aula na qual a linha

$\text{merge}(V, A, l, r)$

é substituída por

```
se  $V[m] > V[m + 1]$  então
   $\text{merge}(V, A, l, r)$ 
fim se
```

onde $m = (l + r)/2$ é o ponto médio entre os extremos do intervalo do array sendo ordenado. Pergunta-se:

- O algoritmo continua correto? Se sim, justifique brevemente (máx 4 linhas). Se não, forneça um contra-exemplo.
 - Qual a complexidade (com respeito ao número de comparações entre elementos) no caso em que é dado como entrada um vetor já ordenado com n elementos?
-

■ QUESTÃO 3 (2,5pt)

Escreva em pseudocódigo um procedimento que recebe como entrada um ponteiro para a raiz de uma BST e determina se essa árvore é uma AVL em tempo $O(n)$. *Dica:* percurso em pós-ordem, simultaneamente calculando a altura e determinando se é AVL com base no fator de balanceamento.

■ QUESTÃO 4 (2,5pt)

Considere o TAD “Fila com prioridades” dotado das operações

- *insert* - insere uma chave com certa prioridade;
- *findMax* - retorna a chave com maior prioridade (sem removê-la);
- *removeMax* - remove a chave de maior prioridade.

- a) Em cada um dos casos a seguir, indique qual a implementação mais adequada, justificando brevemente (máx 4 linhas), dentre as seguintes possibilidades: array não-ordenado, array ordenado e max heap binária.
- i. Haverá um grande número de chamadas a *insert* e muito poucas a *findMax* e *removeMax*.
 - ii. Cada nova chave inserida só pode ter menor prioridade do que no máximo uma quantidade constante k de outras chaves já na fila.
- b) Considere a sequência de operações

P R I O * R * * I * T * Y * * * Q U E * * * U * E

numa implementação com heaps binárias na qual uma letra corresponde a uma inserção em ordem alfabética ($A < B < C \dots < Z$) e um * representa um *removeMax*. Indique a sequência de remoção das chaves nessas operações *.

