Universidade Federal de Pernambuco Centro de Informática Bacharelado em Sistemas de Informação

IF969 Algoritmos e Estruturas de Dados — 2013.1

Prof. Paulo Fonseca



SEGUNDO TESTE — 19 de Agosto de 2013

	т	т	т-	N I	•	\mathbf{a}
\mathbf{A}			J	N	ı	,

- Esta prova contém 02 (duas) questões.
- A duração da prova é de 1h00min.
- Responda as questões nesta folha.
- A detecção de cópia implicará na atribuição de nota 0 (zero) à prova.

QUESTÃO 1 (5 pts)

A estrutura de dados de floresta para conjuntos disjuntos constituidos por elementos num universo $\mathcal{A} = \{a_1, \ldots, a_n\}$ pode ser representada por um array $P = (p[1], \ldots, p[n])$, onde p[i] representa o 'pai' do elemento a_i .

Considere portanto uma partição inicial P_0 de \mathcal{A} na qual cada elemento pertence a uma classe de equivalência unitária formada por ele apenas, isto é, $P_0 = \{\{1\}, \ldots, \{n\}\}$.

Complete o diagrama abaixo com os valores de P para n=10 após cada operação indicada na linha correspondente, assumindo as heurísticas de $união\ ponderada\ com\ compressão\ de\ caminhos$. Lembre-se que ${\tt Union}(i,j)$ é implementado como ${\tt Link}({\tt Find}(i),{\tt Find}(j))$. Assumimos que, em caso de empate, ${\tt Link}$ deve escolher o representante do primeiro conjunto para representante da união.

P =	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	Início P_0
	1	1	3	4	5	6	7	8	9	10	Union(1,2)
											Union(3,4)
											Union(5,6)
											Union(7,8)
											Union(9,10)
											Union(1,7)
											Union(6,2)
											Union(8,10)

QUESTÃO 2 (5 pts)

Considere o grafo representado pela seguinte matriz de adjacências

$$\begin{pmatrix} 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Represente:

a) A árvore correspondente ao percurso em profundidade a partir do vértice 1.

b) A árvore correspondente ao percurso em largura a partir do vértice 1.